

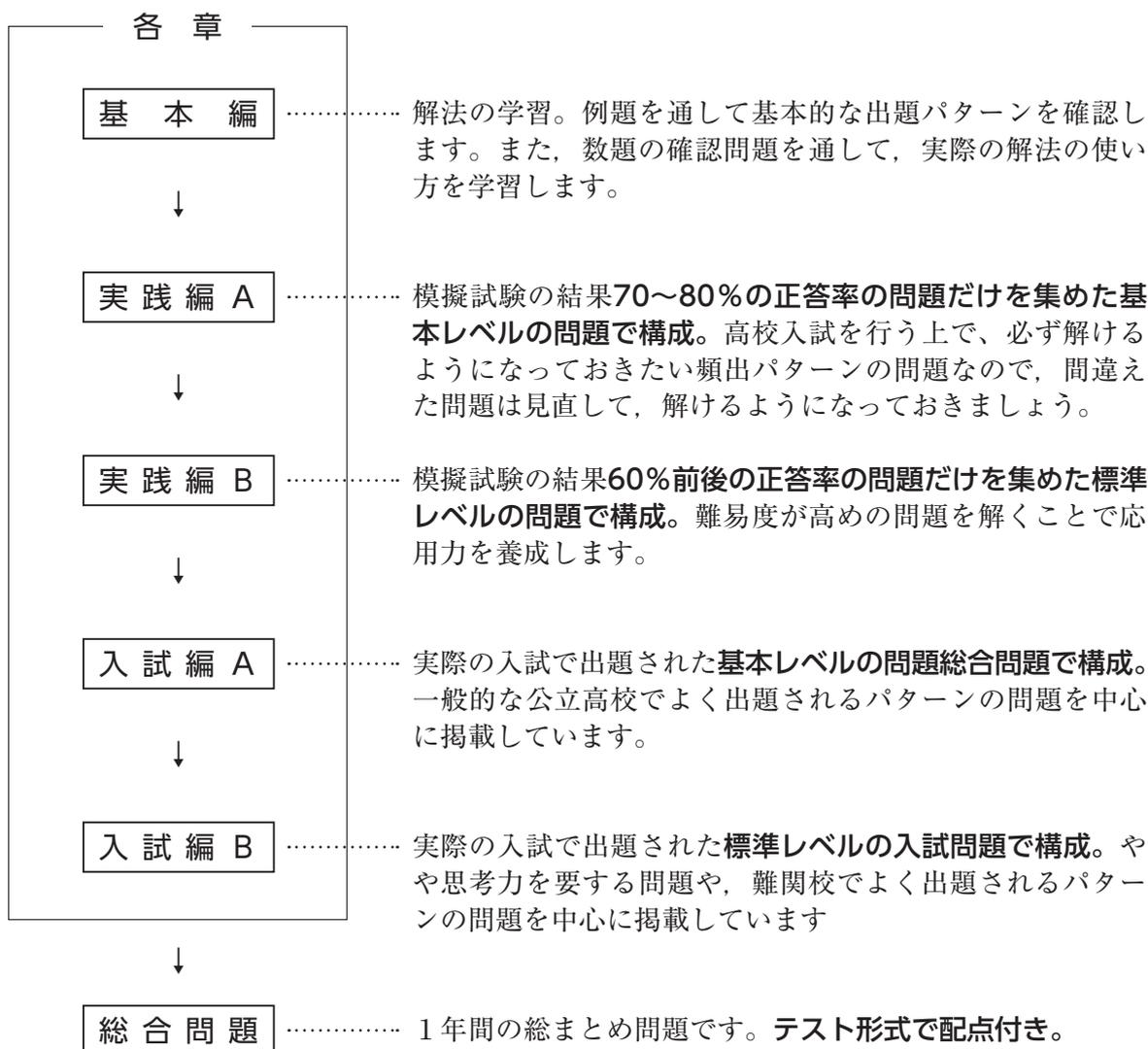
My Stage

数学 3

ねらいと特色

1. 本書は、「学習指導要領」の内容を中心にして、年間を通して学習すべき内容を深く理解することを学習目標に編集されています。
2. 本書は、「基本編」で例題を通して解法を学び、「実践編」で数多くの問題演習をこなすことで知識を定着させて、「入試編」で入試に向けた実践的な力を身に付ける構成となっています。
3. テキストに直接書き込めるよう、それぞれの問題ごとに十分な余白を取ってあります。
4. 一斉授業用テキストとしてはもちろん、個別指導用、家庭での宿題用としても十分に役立つ幅の広い用途を持ちます。

構成と使い方



1章 式の展開と因数分解

基本編 (式の展開)	4
I 多項式と単項式の乗法 II 多項式と単項式の除法 III 単項式と多項式 IV 多項式の乗法	
V 乗法公式 VI 乗法公式 VII 乗法公式 VIII 乗法公式 IX 乗法公式	
実践編A	9
実践編B	14
入試編	17
基本編 (因数分解)	19
I 共通因数でくくる II $x^2 + (a + b)x + ab$ の因数分解	
III $x^2 + 2ax + a^2 : x^2 - 2ax + a^2$ の因数分解 IV $x^2 - a^2$ の因数分解	
V 共通因数でくくってから因数分解 VI 式の値 VII おきかえによる因数分解 VIII 計算への利用	
IX 式による証明	
実践編A	25
実践編B	31
入試編A	38
入試編B	40

2章 平方根

基本編	42
I 平方根の意味 II 平方根の変形 III 分母の有理化 IV 平方根の乗除① V 平方根の乗除②	
VI 平方根のおよその値 VII 平方根の加減 VIII 平方根の四則計算 IX 乗法公式と平方根の計算	
X 式の値 XI 平方根の整数部分と小数部分 XII 平方根と整数	
実践編A	50
実践編B	60
入試編A	65
入試編B	71

3章 二次方程式

基本編	76
I $ax^2 = b$ の形 II 平方完成形 III 解の公式 IV 因数分解 V いろいろな二次方程式	
VI 解と二次方程式 VII 二次方程式の利用	
実践編A	82
実践編B	92
入試編A	95
入試編B	100

4章 二次関数

基本編	104
I 2乗に比例する関数 II $y = ax^2$ の式 III $y = ax^2$ のグラフ IV $y = ax^2$ の変域	
V 変化の割合 VI $y = ax^2$ の利用 VII 点の移動と二次関数 VIII 放物線と直線	
実践編A	109
実践編B	119
入試編A	125
入試編B	131

5章 図形と相似

基本編	134
I 相似な図形 II 三角形の相似条件 III 相似な三角形と辺の長さ IV 平行線と線分の比：三角形	
V 平行線と線分の比：台形① VI 平行線と線分の比：三角形 VII 平行線と線分の比：台形②	
VIII 角の二等分線と比 IX 中点連結定理 X 相似比と面積比：相似比と体積比	
実践編A	142
実践編B	152
入試編A	155
入試編B	161

6章 円の性質

基本編	164
I 円周角の定理：基本 II 円周角の定理① III 円周角の定理② IV 円周角の定理の逆	
V 円に内接する四角形 VI 円と相似：証明 発展：円と相似	
実践編A	171
実践編B	180
入試編A	183
入試編B	189

7章 三平方の定理

基本編	186
I 三平方の定理 II 正方形・長方形の対角線の長さ III 三角形の組み合わせ	
IV 三平方の定理の逆 V 特別な直角三角形の辺の比 VI 円と三平方の定理	
VII 二等辺三角形と正三角形の面積 VIII ひし形と台形の面積 IX 2点間の距離	
X 球・立体の切り口 XI 直方体・立方体の対角線の長さ XII 円すい・正四角すいの体積	
XIII 最短経路 XIV 3辺が与えられた三角形の面積 発展：円と接線	
実践編A	204
実践編B	212
入試編A	217
入試編B	222

8章 標本調査

基本編	226
I 全数調査と標本調査 II 標本調査の活用	
実践編	227
入試編	228

総合問題	232~237
------------	---------

第5章

図形と相似

基本編

I 相似な図形

2つの図形は相似である。

- (1) 相似であることを記号を使って表しなさい。

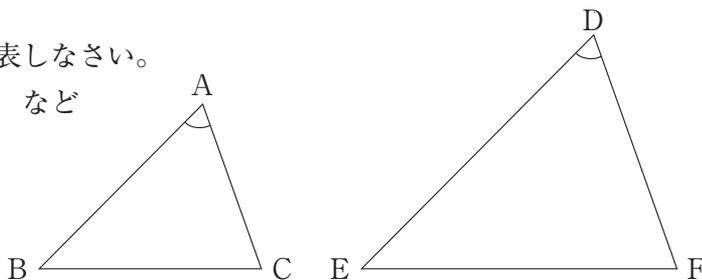
$\triangle ABC \sim \triangle DEF$ など

- (2) 頂点Bに対応する頂点

頂点E

- (3) 辺ACに対応する辺

辺DF



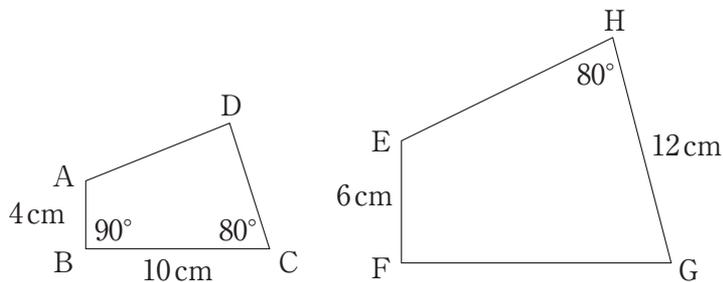
2つの四角形は相似である。

- (1) 相似比を求めなさい。

- (2) 辺FGの長さを求めなさい。

- (3) 辺DCの長さを求めなさい。

- (4) $\angle E$ の大きさを求めなさい。

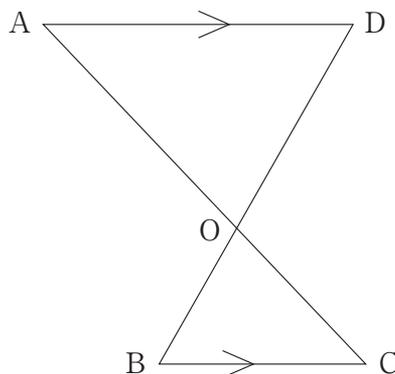


II 三角形の相似条件

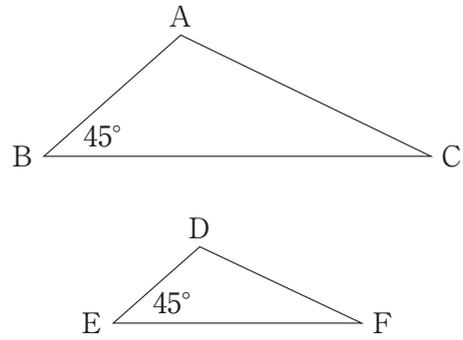
三角形の合同条件を完成させなさい。

- | | |
|---------------------------|-------|
| (1) □組の辺の□がすべて等しい。 | 3 比 |
| (2) □組の辺の□とその間の□がそれぞれ等しい。 | 2 比 角 |
| (3) □組の□がそれぞれ等しい。 | 2 角 |

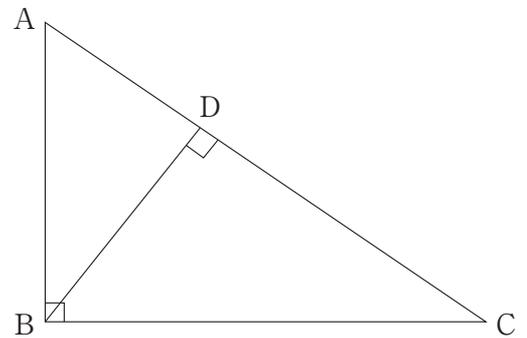
- (1) $AD \parallel BC$ とするとき $\triangle AOD \sim \triangle COB$ を証明しなさい。



- (2) 右の図で $AB = 6\text{cm}$, $DE = 4\text{cm}$, $BC = 9\text{cm}$, $EF = 6\text{cm}$ である。
 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ を証明しなさい。



- (3) $\triangle ABC$ は直角三角形で、 BD は辺 AC に下ろした垂線である。 $\triangle ABC \sim \triangle ADB$ を証明しなさい。



Ⅲ 相似な三角形と辺の長さ

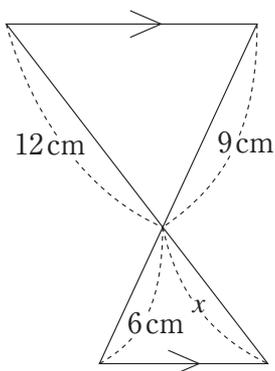
x の長さを求めなさい。

$x : 8 = 6 : 12$

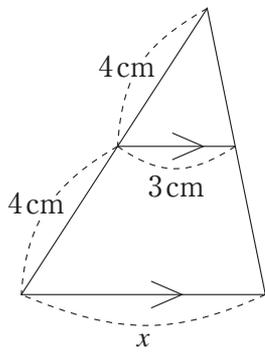
$x = 4$

x の長さを求めなさい。

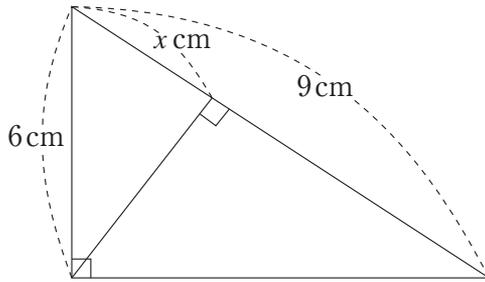
(1)



(2)



(3)



IV 平行線と線分の比：三角形

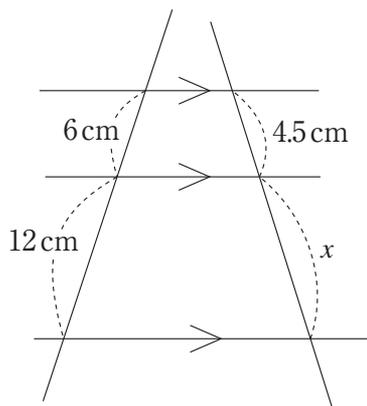
x の長さを求めなさい。

$$8 : 4 = 6 : x$$

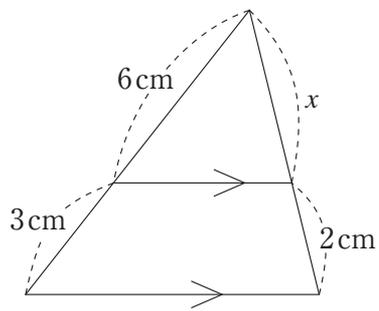
$x = 3$

x の長さを求めなさい。

(1)



(2)

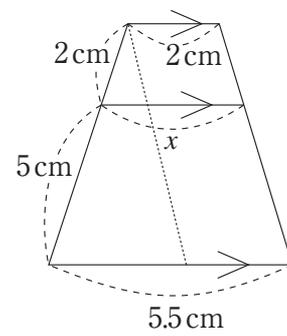


V 平行線と線分の比：台形①

x の長さを求めなさい。

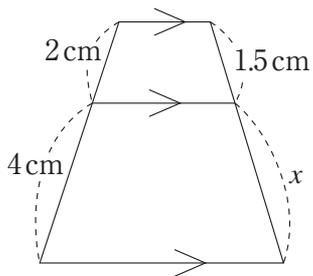
$$2 : 7 = (x - 2) : 3.5$$

$$x = 3$$

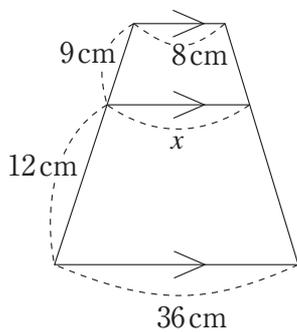


x の長さを求めなさい。

(1)



(2)



VI 平行線と線分の比：三角形

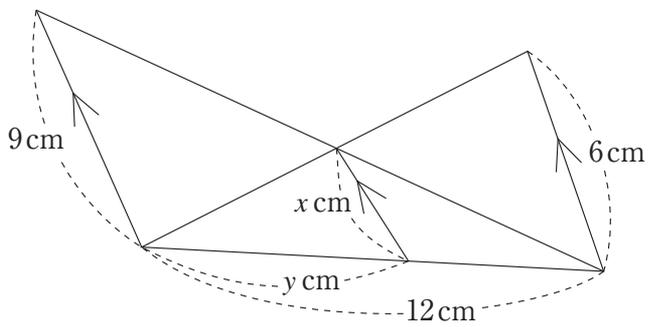
x の長さを求めなさい。

$2:3 = x:3$

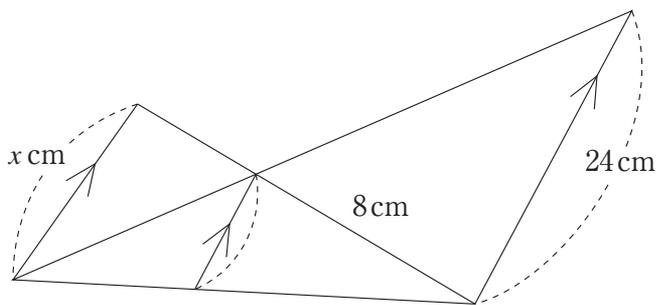
$x = 2$

x や y の長さを求めなさい。

(1)



(2)

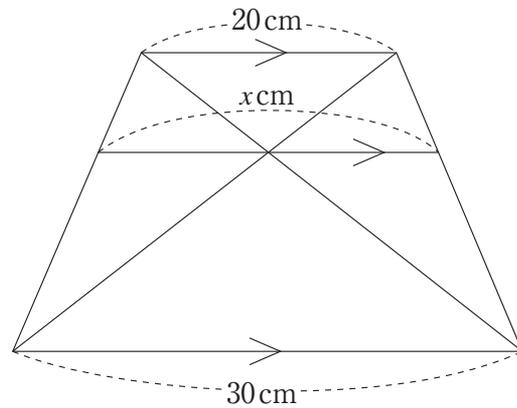


VII 平行線と線分の比：台形②

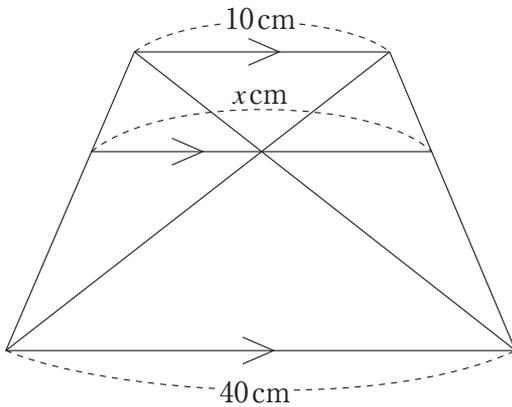
x の長さを求めなさい。
 相似な三角形に着目して式を作ります。

$$3 : 5 = \frac{x}{2} : 20$$

$$x = 24$$



x の長さを求めなさい。

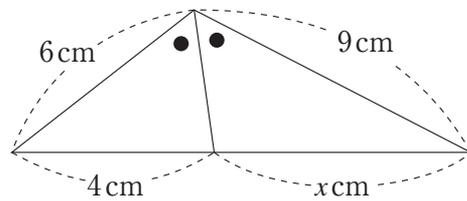


VIII 角の二等分線と比

x の長さを求めなさい。●は同じ大きさを表す。

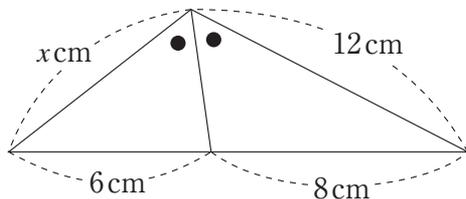
$$6 : 9 = 4 : x$$

$$x = 6$$

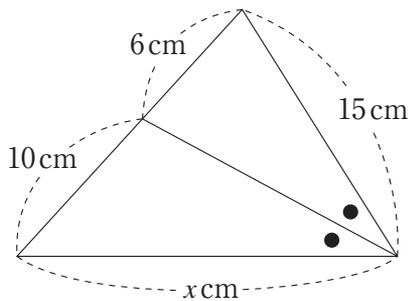


x の長さを求めなさい。●は同じ大きさを表す。

(1)



(2)



IX 中点連結定理

図で $AD = DB$, $AE = EC$ とするとき, $DE \parallel BC$, $BC = 2DE$ を証明しなさい。

$\triangle ADE$ と $\triangle ABC$ において

$\angle DAE = \angle BAC$ (共通) …①

$AD : AB = 1 : 2$ (仮定) …②

$AE : AC = 1 : 2$ (仮定) …③

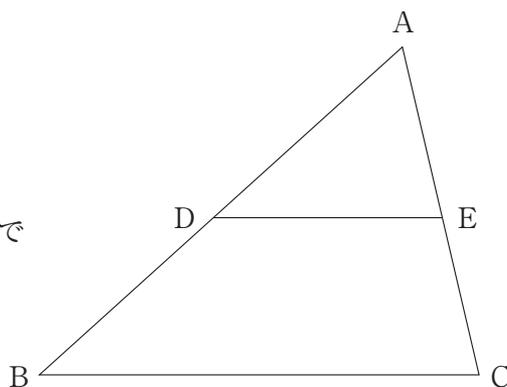
①～③より

2組の辺の比とそのはさむ角がそれぞれ等しいので

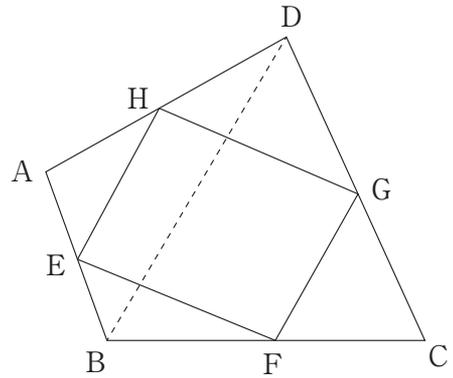
$\triangle ADE \sim \triangle ABC$

相似比は $1 : 2$ だから

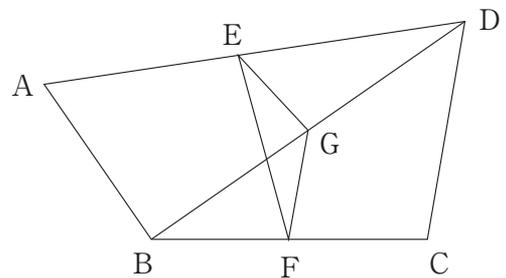
$BC = 2DE$



- (1) 図でE, F, G, Hは各辺の中点である。四角形EFGHが平行四辺形であることを証明しなさい。



- (2) 図で $AB = DC$, $AE = ED$, $BG = GD$, $BF = FC$ であるとき, $\triangle EFG$ が二等辺三角形であることを証明しなさい。



X 相似比と面積比：相似比と体積比

相似な2つの立体があり, 相似比は $m : n$ である。

- ① 表面積の比を求めなさい。

$$m^2 : n^2$$

- ② 体積の比を求めなさい。

$$m^3 : n^3$$

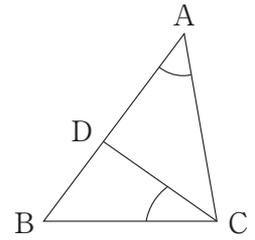
- (1) 相似な図形A, Bがあつて, 相似比は4 : 5である。Bの面積が 100cm^2 のとき, Aの面積を求めなさい。
- (2) 相似な図形P, Qがあつて, 周の長さはPが36cm, Qが30cmである。Pの面積が 72cm^2 のとき, Qの面積を求めなさい。
- (3) 相似な2つの四角柱P, Qがあつて, 相似比は4 : 3である。
- ① Qの表面積が 135cm^2 のとき, Pの表面積を求めなさい。
- ② Pの体積が 128cm^3 のとき, Qの体積を求めなさい。

実践編 A

1 次の問いに答えなさい。

(1) 右の図で、 $\angle A = \angle BCD$ である。

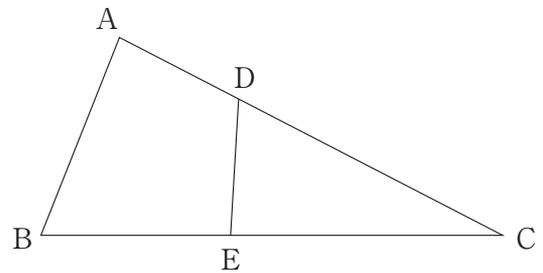
① $\triangle ABC$ と相似な三角形を対応順に記号で書きなさい。



② $BD = 4\text{cm}$, $BA = 9\text{cm}$ である。 BC の長さを求めなさい。

(2) 右の図で $AB = 5\text{cm}$, $AC = 8.4\text{cm}$, $BC = 9\text{cm}$, $DC = 6\text{cm}$, $CE = 5.6\text{cm}$ である。

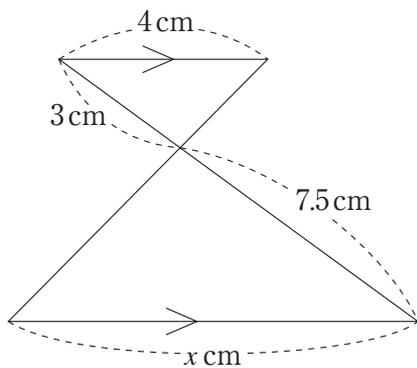
① $\triangle ABC$ と $\triangle DEC$ が相似形であることを証明するにはどのような相似条件を使えばよいか、答えなさい。



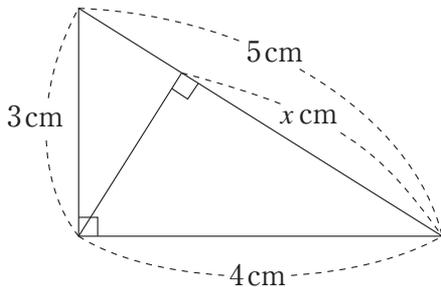
② DE の長さを求めなさい。

(3) 次の x を求めなさい。

①

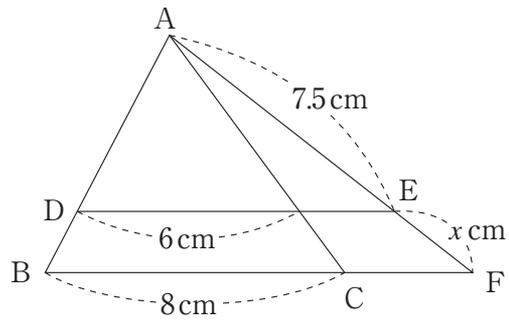


②

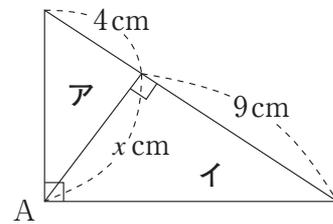


2 次の問いに答えなさい。

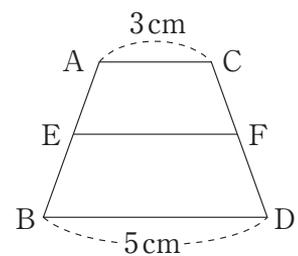
(1) 図で、 $DE \parallel BF$ である。 x の長さを求めなさい。



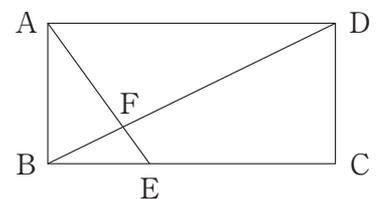
(2) 右の図は直角三角形の1つの頂点Aから向かい合った辺に垂線を下ろしてできた図形である。アとイの三角形の相似に注目して比例式をつくり図中 x の長さを求めなさい。



(3) 右の図で $AC \parallel EF \parallel BD$ であるとき、 EF の長さを求めなさい。点E、点Fはそれぞれ辺AB、辺CDの中点である。



(4) 右の図の四角形ABCDは長方形で、点Eは $BE : EC = 1 : 2$ となる点である。また、点FはAEとBDの交点である。 $AF : FE$ を求めなさい。

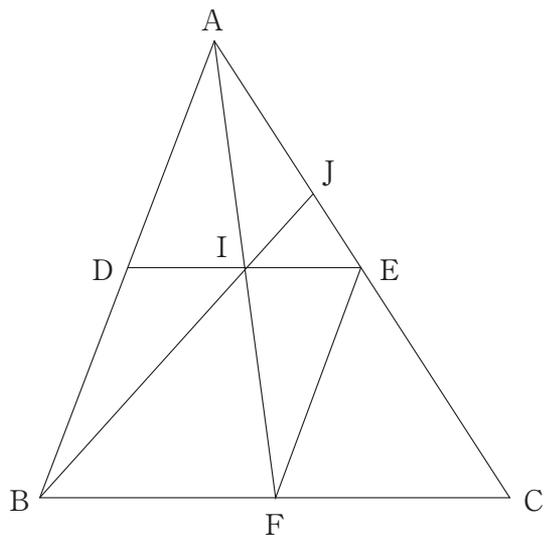


3 次の問いに答えなさい。

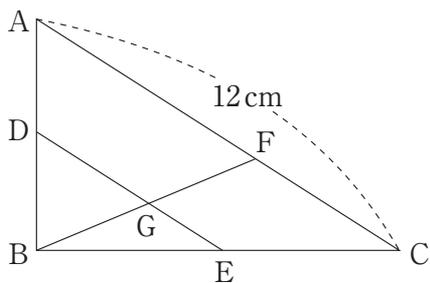
- (1) $\triangle ABC$ の辺AB, ACの中点をそれぞれD, Eとし, Eを通りABに平行な直線とBCとの交点をFとする。また, AFとDEの交点をIとし, BIの延長とACとの交点をJとしたとき, 次の比を最も簡単な整数比で表しなさい。

① $JI : IB$

② $AJ : JC$

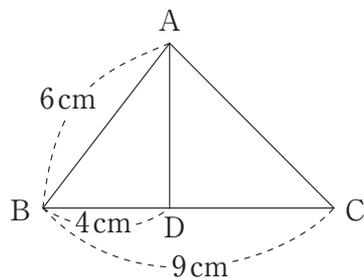


- (2) 下の図で, 点D, Eはそれぞれ辺AB, 辺BCの中点で, 点Bを通る直線と, DE, ACとの交点を, それぞれG, Fとしたものである。AC = 12cm, $DG = FC$ となるときのAFの長さを求めなさい。

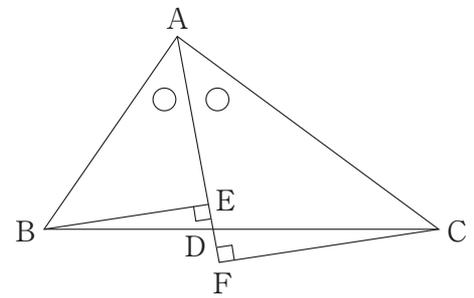


- (3) 右の図で $\triangle ABD \sim \triangle CBA$ はどのような相似条件で証明されるか。証明に使う相似条件を下のア～ウから1つ選び, 記号で書きなさい。

- ア 二組の角がそれぞれ等しい
- イ 三組の辺の比がすべて等しい
- ウ 二組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい



4 右の図の点Dは△ABCの∠Aの二等分線と辺BCの交点である。このとき、 $AB : AC = BD : CD$ が成り立つことを証明したい。空欄に相似条件や記号を補って証明を完成しなさい。線分BE, CFは点B, Cから直線ADにおろした垂線である。イの2つの空欄には同じ記号が入る。



証明：

△ABEと△ACFにおいて

$$\angle BAE = \angle CAF (\text{仮定}) \quad \angle AEB = \angle AFC (\text{仮定})$$

ア ので $\triangle ABE \sim \triangle ACF$

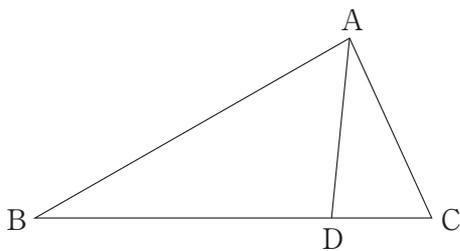
$$\text{よって, } AB : AC = BE : \text{イ} \dots \text{①}$$

また同じ相似条件で証明すると、 $\triangle BED \sim \triangle CFD$ が成り立つので

$$BE : \text{イ} = BD : CD \dots \text{②}$$

①②から $AB : AC = BD : CD$ が成り立つ。

5 下の図は、 $BC = 2AC$ の三角形で、Dは辺BCを4等分する点のうち点Cに最も近い点である。このとき、△BACと△ADCが相似であることを次のように証明した。①、②および④の空欄を補って証明を完成させなさい。



△BACと△ADCにおいて

$$AC = \frac{1}{2}BC (\text{仮定}), \quad DC = \frac{1}{4}BC (\text{仮定}) \text{から,}$$

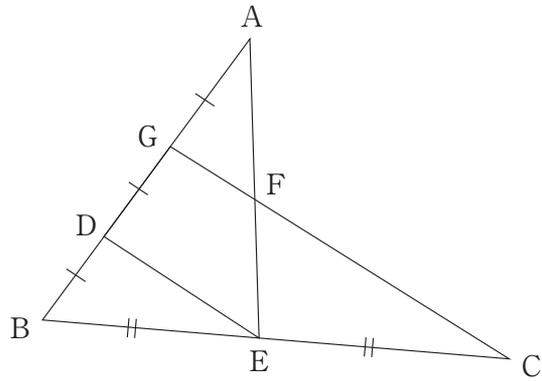
$$BC : AC = \text{イ} : \text{イ} \dots \text{①}, \quad AC : DC = \text{イ} : \text{イ} \dots \text{②}$$

$$\text{①②より, } BC : AC = AC : DC \dots \text{③}$$

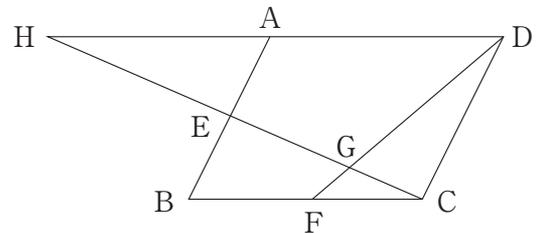
また、 $\angle \text{イ}$ は共通…④

③④より、2組の辺の比が等しく、その間の角が等しいので $\triangle BAC \sim \triangle ADC$ である。

6 図で $AG = GD = DB$, $BE = EC$, $GF = 4\text{cm}$ である。FC の長さを求めなさい。



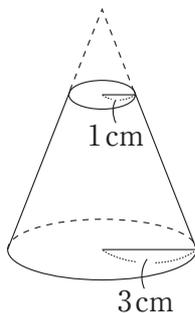
7 図のように、平行四辺形 ABCD の辺 AB, 辺 BC の中点を E, F とする。DF と EC の交点を G, AD の延長線と EC の延長線との交点を H とする。



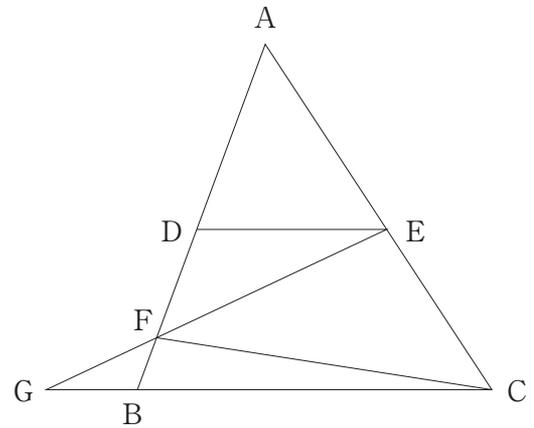
(1) $AH : CF$ の比を求めなさい。

(2) $EG : EH$ の比を求めなさい。

8 図は、底面の半径が 3cm の円すいを、底面に平行な平面で切って、底面の半径が 1cm の小さな円すいを取り除いた立体を表している。この立体の体積はもとの円すいの体積の何倍か。分数で答えなさい。



9 右の図のような $\triangle ABC$ で点D, Eはそれぞれ辺AB, ACの中点である。また $DF : FB = 2 : 1$ となるDB上の点Fと点Eを結んだ直線とBCの延長線の交点をGとする。BC = 8cmのとき, 次の問いに答えなさい。

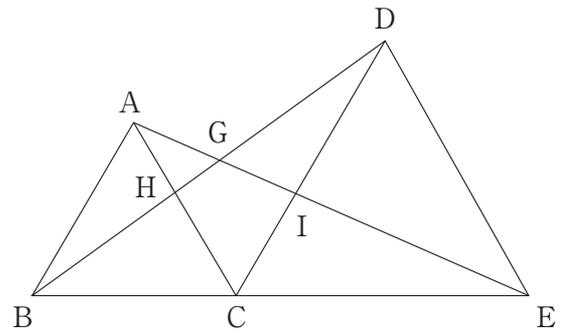


(1) DEの長さを求めなさい。

(2) GBの長さを求めなさい。

(3) $\triangle DFE$ と $\triangle EFC$ の面積の比はいくらか。最も簡単な整数の比で表しなさい。

10 右の図で, $\triangle ABC$ と $\triangle CED$ がともに正三角形で, $BC : CE = 3 : 5$ であるとき下の各問いに答えなさい。



(1) $\triangle ABC$ の面積と $\triangle ACE$ の面積の比を求めなさい。

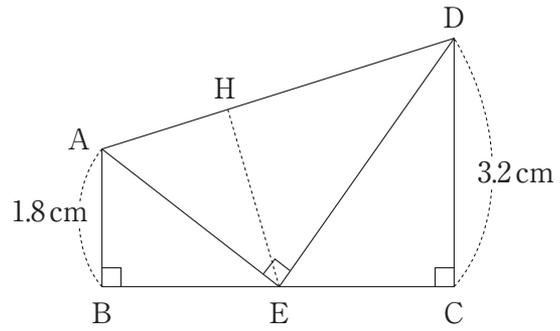
(2) $\triangle BED \sim \triangle BCH$ から考えて, $BD : BH$ を求めなさい。

(3) $\triangle BCD$ の面積は, $\triangle ABC$ の面積の何倍か, 分数で答えなさい。

(4) $AG : GE$ を求めなさい。

11 右の図で3つの直角三角形の間に $\triangle ABE \sim \triangle AED \sim \triangle ECD$ の関係があり、 $AB = 1.8\text{ cm}$ 、 $CD = 3.2\text{ cm}$ であるとき下の各問いに答えなさい。

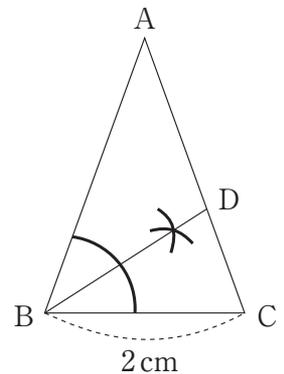
(1) 辺ADの長さを求めなさい。



(2) 線分BCの長さを求めなさい。

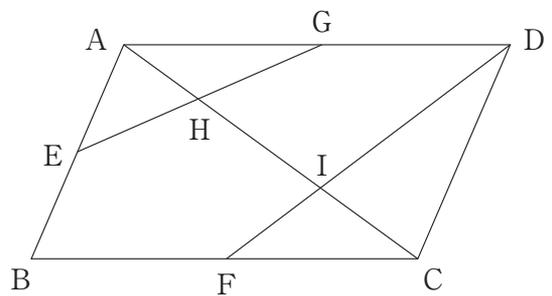
12 頂角Aが 36° である二等辺三角形ABCがある。太線のように作図して線分BDを引くと $BC = BD = 2\text{ cm}$ になった。下の各問いに答えなさい。

(1) ADの長さを求めなさい。



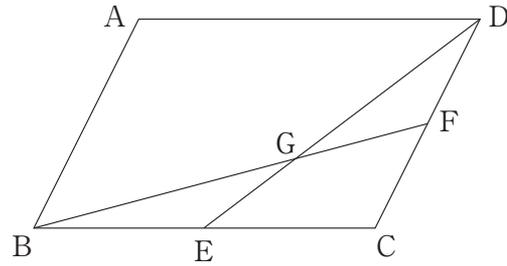
(2) DCの長さを求めなさい。

13 平行四辺形ABCDで点E, F, Gは各辺の中点である。点H, Iは線分EG, DFと対角線ACとの交点である。AH : HI : ICをもっとも簡単な整数の比で書きなさい。



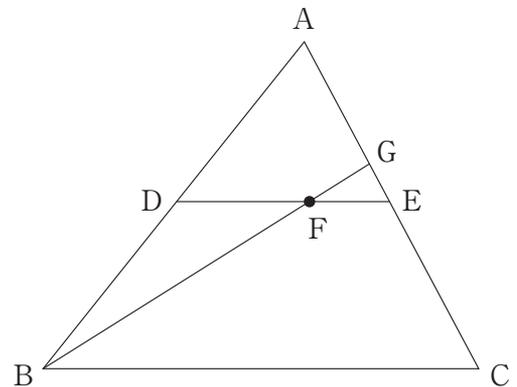
14 次の問いに答えなさい。

- (1) 平行四辺形 ABCD で BC, CD の中点をそれぞれ E, F とする。BF と DE の交点を G とするとき、四角形 ABGD と四角形 CEGF の面積の比を最も簡単な整数の比で表しなさい。



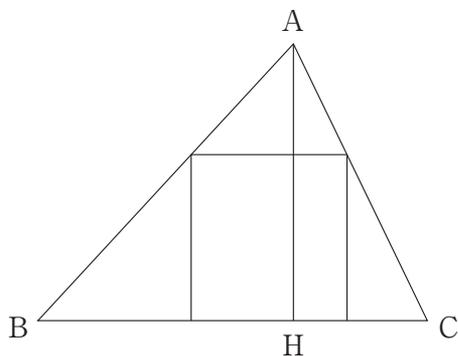
- (2) $\triangle ABC$ で点 D, E はそれぞれ辺 AB, AC の中点である。また、点 B と DE 上の点 F と AC 上の点 G とは同一直線上にあり、 $BF : FG = 4 : 1$ である。

① AG : GE の比を求めなさい。



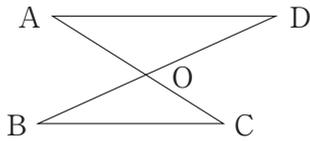
② $BC = 6\text{ cm}$ であるとき、DF は何 cm か。

- 15** 下の $\triangle ABC$ で、 $BC = 12\text{ cm}$ で A から BC に下ろした垂線 AH の長さは 8 cm である。この三角形の中に下の図のような正方形を書くとき、正方形の 1 辺の長さを求めなさい。



16 次の各問いに答えなさい。

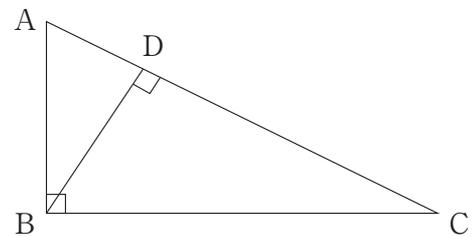
(1) 図で $AD \parallel BC$ である。また $AD : BC = 3 : 2$ で $AO = 4.2\text{cm}$ である。 CO の長さを求めなさい。



(2) 下の図で直角三角形 ABC の頂点 B から辺 AC に垂線 BD を下ろした。

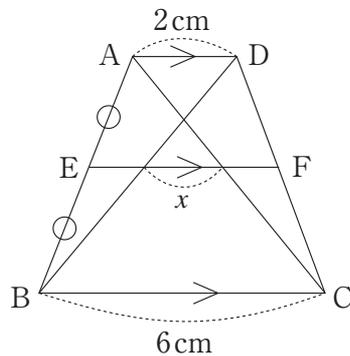
ア $\triangle ABD \sim \triangle BCD$ を証明した。下の空欄を補って証明を完成しなさい。

$\triangle ABD$ と $\triangle BCD$ において
 $\angle ADB = \angle BDC = 90^\circ$ (仮定) …①
 $\triangle ABD$ で $\angle DAB + \angle ABD + 90^\circ = 180^\circ$ …②
 また、 $\angle DBC + \angle ABD = 90^\circ$ …③
 ②③より $\angle(\quad) = \angle(\quad)$ …④
 ①④より 2組の角がそれぞれ等しくなるので
 $\triangle ABD \sim \triangle BCD$ である。



イ $BD = 6\text{cm}$, $AD = 3\text{cm}$ である。 CD の長さを求めなさい。

17 次の x の長さを求めなさい。 $AD \parallel EF \parallel BC$ である。 \bigcirc と \bigcirc は等しい長さを表す。

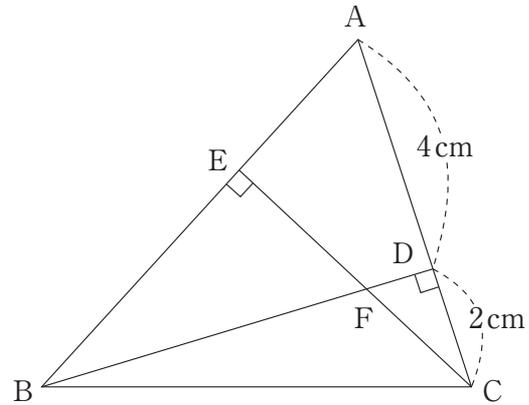


18 右図のように、 $\triangle ABC$ がある。B, CからAC, ABに垂線を下ろしその交点をD, Eとし、BDとCEの交点をFとする。また $BE = EC$ で、 $CD = 2\text{ cm}$ 、 $DA = 4\text{ cm}$ である。次の各問いに答えなさい。

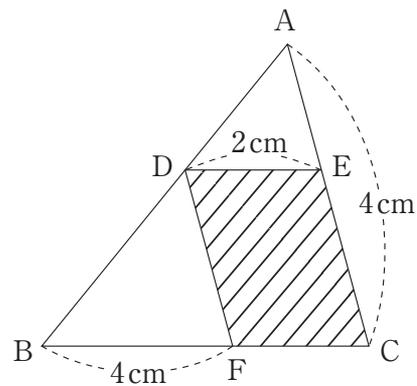
(1) $\triangle AEC$ と合同な三角形を対応順に書きなさい。

(2) 線分BFの長さを求めなさい。

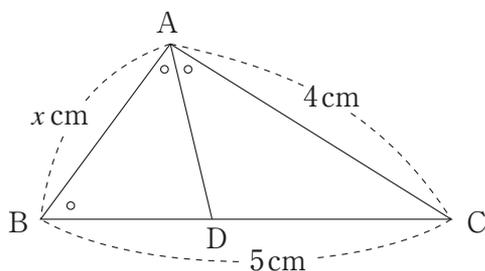
(3) 線分BDの長さを求めなさい。



19 図のように辺ACの長さが4cmである $\triangle ABC$ の辺AB上の点Dから、辺AC, 辺BCに平行線をひき辺AC, BCとの交点をそれぞれE, Fとする。このとき、 $BF = 4\text{ cm}$ 、 $DE = 2\text{ cm}$ とすると、斜線部の面積は全体のどれだけか。分数で答えなさい。



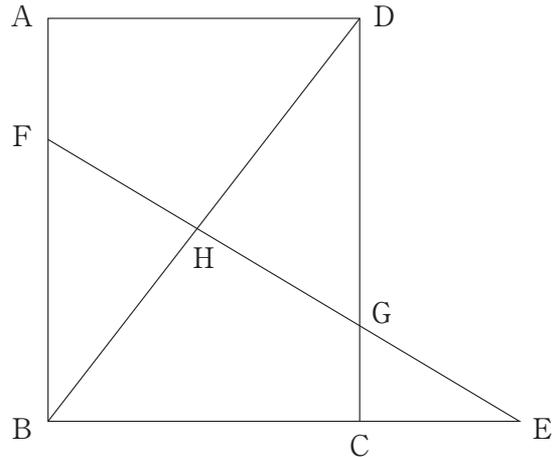
20 $\angle ABC = \angle BAD = \angle CAD$ である。辺ABの長さは何cmですか。



実践編 B

1 図のように $AD : AB = 2 : 3$ の長方形 $ABCD$ の辺 BC の延長上に $BC : CE = 2 : 1$ になる点 E をとった。点 E と辺 AB 上の点 F を結んだ直線と、辺 CD 、対角線 BD との交点をそれぞれ G 、 H とした。 $\triangle BHE$ の面積と四角形 $AFHD$ の面積が等しいとき下の各問いに答えなさい。

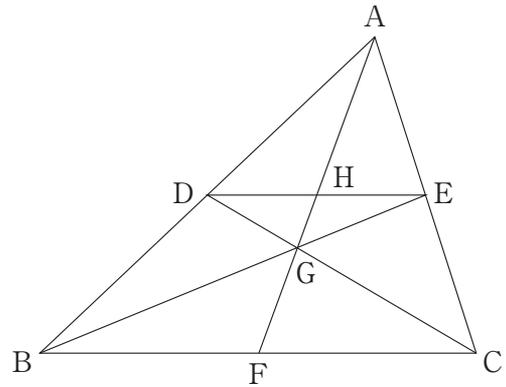
(1) $AF : FB$ を求めなさい。



(2) $BH : HF$ を求めなさい。

2 図の $\triangle ABC$ で、辺 AB 、 AC 、 BC の中点をそれぞれ D 、 E 、 F とする。また、 AF と CD の交点を G 、 DE と AF の交点を H とする。このとき、次の問いに答えなさい。

(1) $DG : GC$ を最も簡単な整数の比で表しなさい。

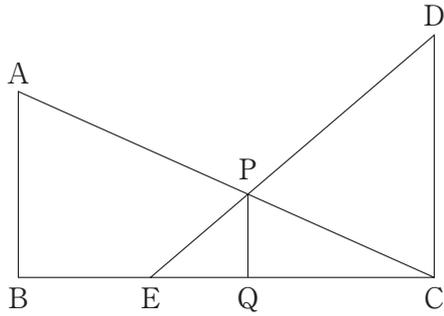


(2) $DH : BC$ を最も簡単な整数の比で表しなさい。

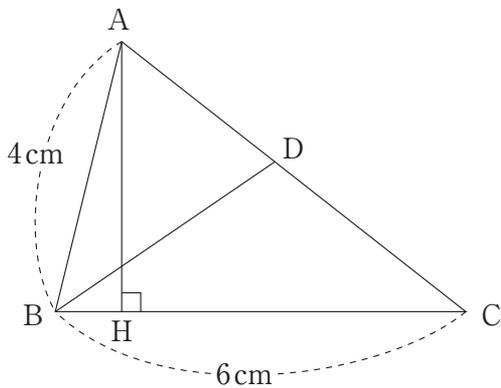
(3) 四角形 $ADGE$ の面積は $\triangle ABC$ の面積の何倍か。

(4) $\triangle ADH$ と $\triangle EHG$ の面積の比を最も簡単な整数の比で表しなさい。

- 3 図で、 $AB \parallel PQ \parallel DC$, $AB = 18\text{cm}$, $DC = 24\text{cm}$, $BE = 15\text{cm}$, $EC = 30\text{cm}$ である。PQの長さを求めなさい。



- 4 図のように、 $AB = 4\text{cm}$, $BC = 6\text{cm}$, $\angle ABC = 2\angle ACB$ の $\triangle ABC$ があります。Aから、BCに垂線AHを下し、 $\angle ABC$ の二等分線とACとの交点をDとします。次の問いに答えなさい。

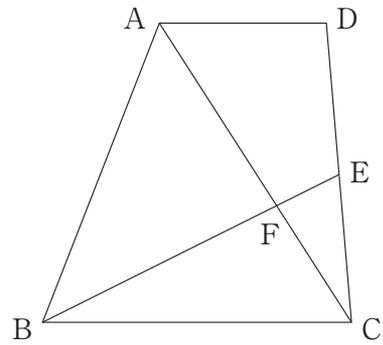


- (1) $AD : DC$ を最も簡単な整数比で表しなさい。

- (2) BHの長さを求めなさい。

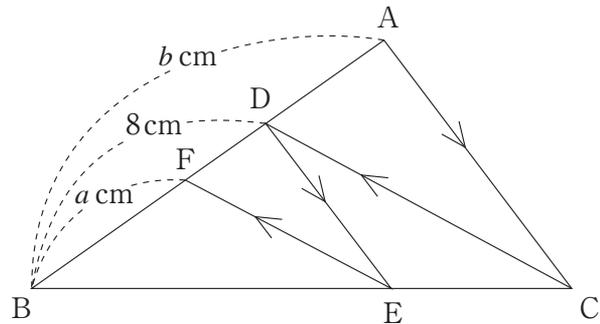
- 5 図は $AD \parallel BC$ の台形である。 $AD : BC = 2 : 3$, で $DE : EC = 1 : 1$ のとき, 次の比をできるだけ簡単な整数の比で表しなさい。

(1) $BF : FE$



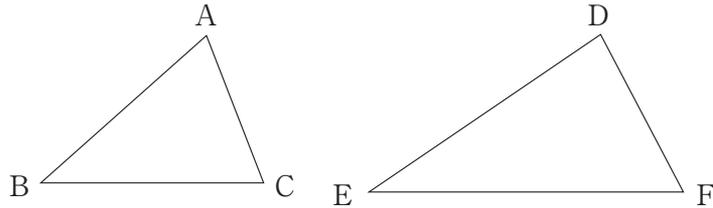
(2) $AF : FC$

- 6 次の図の $\triangle ABC$ で $AC \parallel DE$, $CD \parallel EF$, $BF = a \text{ cm}$, $BD = 8 \text{ cm}$, $AB = b \text{ cm}$ とするとき, ab の積を求めなさい。



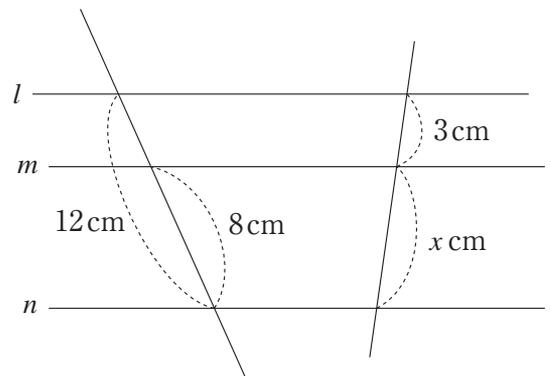
入試編 **A**

- 1 $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ は相似であり、その相似比は $2:3$ である。 $\triangle ABC$ の面積が 8cm^2 であるとき、 $\triangle DEF$ の面積を求めなさい。(栃木)

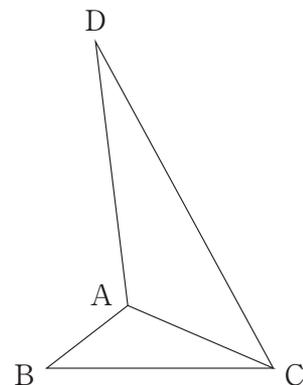


- 2 相似な2つの立体A, Bがあり、その表面積の比は $16:9$ である。Aの体積が 192cm^3 のとき、Bの体積は何 cm^3 か、求めなさい。(愛知)

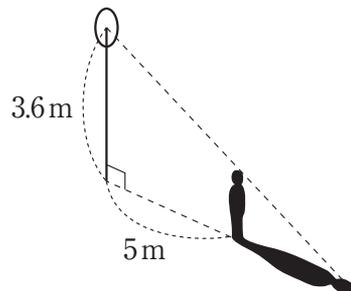
- 3 図のような5つの直線があります。直線 l, m, n が $l \parallel m, m \parallel n$ であるとき、 x の値を求めなさい。(北海道)



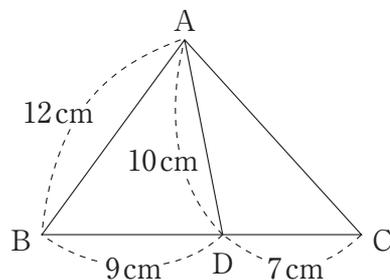
- 4 図で、 $\triangle ABC \sim \triangle ACD$ 、 $AB = 3\text{cm}$ 、 $AC = 5\text{cm}$ のとき、 AD の長さを求めなさい。(長野)



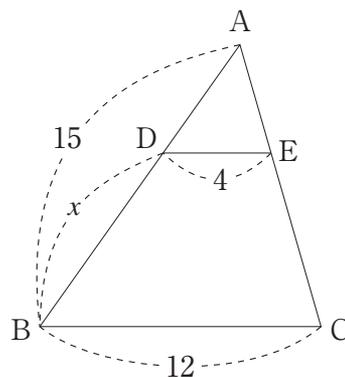
- 5 図のように、地上3.6mのところ照明灯が取り付けられている。身長1.6mの太郎さんが照明灯の真下から5m離れたところに立っているとき、太郎さんの影の長さを求めなさい。
(富山)



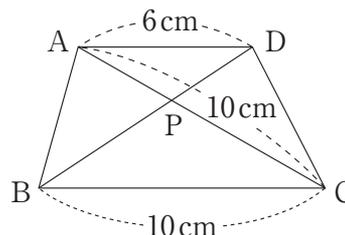
- 6 図の $\triangle ABC$ で辺BC上に点Dをとるとき、辺ACの長さを求めなさい。(青森)



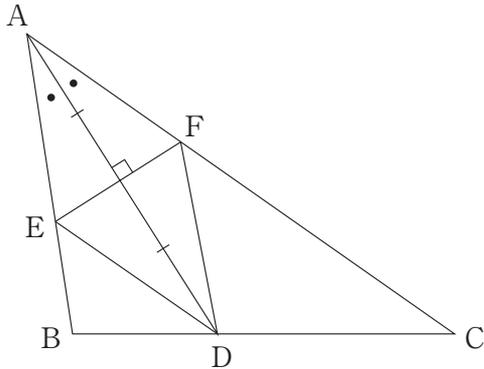
- 7 図で、点D, Eはそれぞれ $\triangle ABC$ の辺AB, AC上の点である。DE // BCのとき、 x の値を求めなさい。(山梨)



- 8 図のように、 $AD \parallel BC$ である台形ABCDがあり、ACとBDの交点をPとする。AD = 6cm, BC = AC = 10cmであるとき、PCの長さを求めなさい。(千葉)

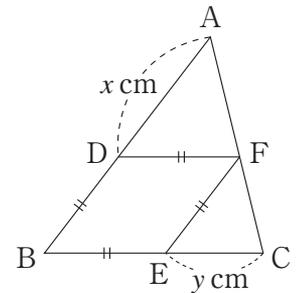


- 9 図の $\triangle ABC$ で、 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BC との交点を D とし、線分 AD の垂直二等分線と辺 AB 、 AC との交点をそれぞれ E 、 F とする。 E と D 、 F と D をそれぞれ結ぶ。次の問いに答えなさい。(岐阜)

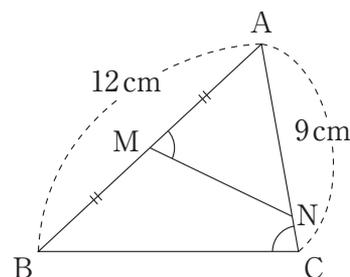


- (1) $\angle EAD$ と大きさが等しい角は $\angle FAD$ のほかに2つある。この2つの角を書きなさい。
- (2) $EB = 2\text{cm}$ 、 $ED = 4\text{cm}$ のとき、 FC の長さを求めなさい。

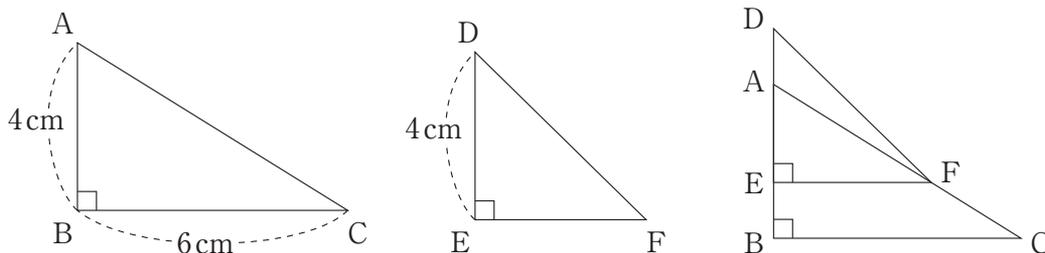
- 10 図で、 $\triangle ABC$ の辺 AB 、 BC 、 CA 上にそれぞれ点 D 、 E 、 F があり、四角形 $DBEF$ は1辺の長さが 3cm のひし形である。 $AD = x\text{cm}$ 、 $EC = y\text{cm}$ とするとき、 y を x の式で表しなさい。(山形)



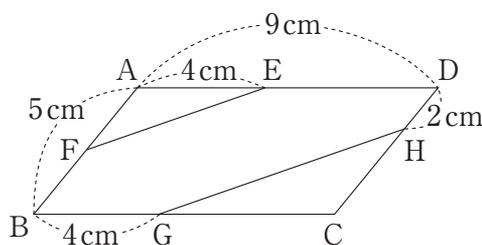
- 11 図のような、 $AB = 12\text{cm}$ 、 $AC = 9\text{cm}$ の $\triangle ABC$ がある。辺 AB の中点を M とし、辺 AC 上に $\angle ACB = \angle AMN$ となるように点 N をとるとき、 AN の長さを求めなさい。(栃木)



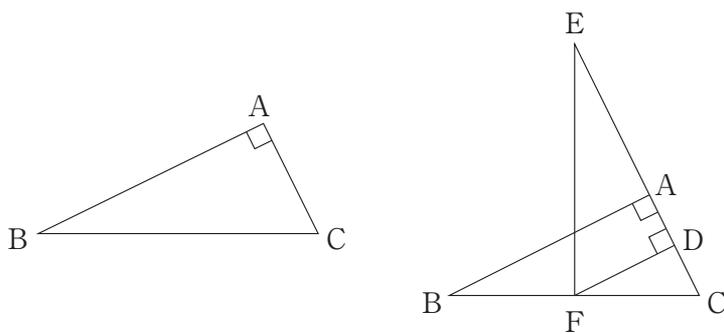
12 $\angle ABC = 90^\circ$, $AB = 4\text{cm}$, $BC = 6\text{cm}$ の直角三角形ABCと, $\angle DEF = 90^\circ$, $DE = EF = 4\text{cm}$ の直角二等辺三角形DEFがある。図のように, 辺DEが辺ABと重なり, 頂点Fが辺AC上にあるように2つの直角三角形を置くと, 線分EBの長さを求めなさい。(三重)



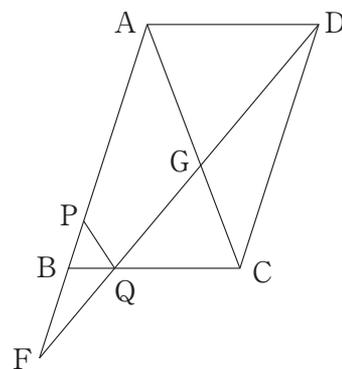
13 図のように, 平行四辺形ABCDの辺上に点E, F, G, Hがあり, $EF \parallel HG$ である。このとき, AFの長さを求めなさい。(富山)



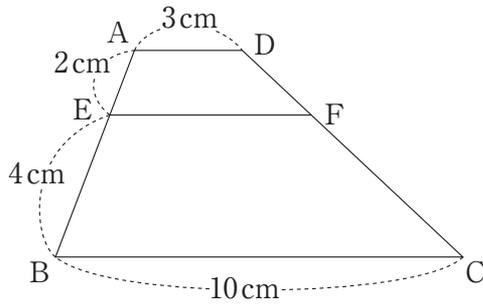
14 図のように, $AB = 4\text{cm}$, $AC = 2\text{cm}$, $\angle BAC = 90^\circ$ の $\triangle ABC$ があります。図は $\triangle ABC$ にそれと合同な $\triangle DEF$ を重ねたものです。点Dが辺CA上に, 点Eが辺CAの延長上に, 点Fが辺BC上にあります。このとき, 線分AEの長さを求めなさい。(北海道)



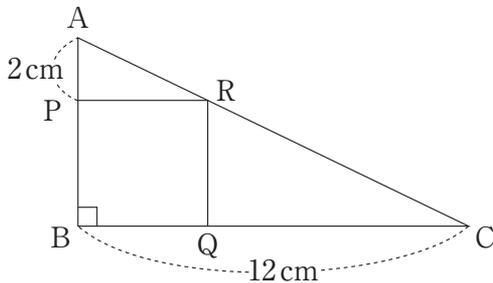
15 図のように, 平行四辺形ABCDがあり, 点Qを辺BC上に $PQ \parallel AC$ となるようにとる。ABとDQを延長したときの交点をFとし, ACとDFの交点をGとする。このとき $\triangle GCD \sim \triangle QPF$ であることを証明しなさい。(石川)



16 図で、四角形 ABCD は、 $AD \parallel BC$ の台形です。 $EF \parallel BC$ のとき、線分 EF の長さを求めなさい。(岩手)



17 図のように、 $\angle ABC = 90^\circ$ 、 $BC = 12 \text{ cm}$ の直角三角形 ABC があり、辺 AB 上に点 P、辺 BC 上に点 Q、辺 CA 上に点 R を、四角形 PBQR が正方形となるようにとると、 $AP = 2 \text{ cm}$ であった。このとき、(1)、(2) の問いに答えなさい。(佐賀)

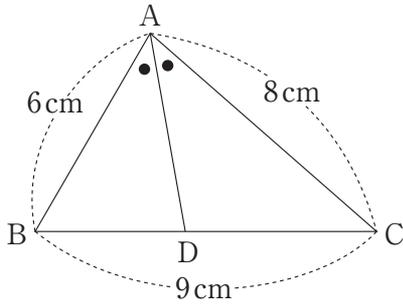


(1) $\triangle APR \sim \triangle ABC$ より $AP : AB = \square$ が成り立つ。 \square にあてはまるものを次のア～エから 1 つ選び、記号で答えなさい。

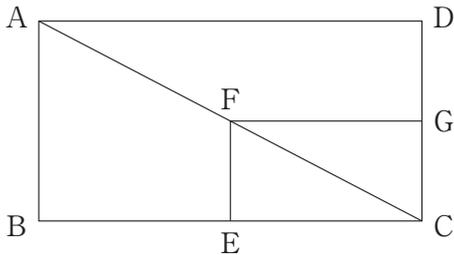
- ア $AC : AR$ イ $PR : QC$ ウ $PR : BC$ エ $AR : RC$

(2) 正方形 PBQR の 1 辺の長さを求めなさい。ただし、正方形 PBQR の 1 辺の長さを $x \text{ cm}$ として x についての方程式をつくり、答えを求めるまでの過程も書きなさい。

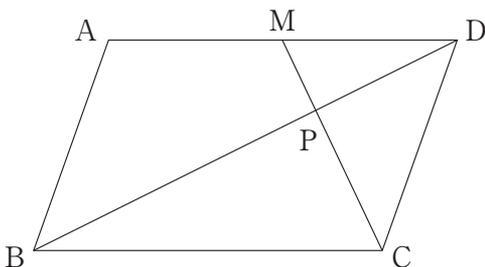
18 図のように、 $AB=6\text{cm}$, $BC=9\text{cm}$, $CA=8\text{cm}$ の $\triangle ABC$ がある。 $\angle A$ の二等分線が辺 BC と交わる点を D とすると、線分 BD の長さは何 cm か。(長崎)



19 図のように、辺 AB と辺 AD の長さの和が 6cm の長方形 $ABCD$ があります。辺 BC 、対角線 AC 、辺 CD の midpointをそれぞれ E , F , G とすると、線分 EF と線分 FG の長さの和は 3cm になります。このわけを、辺 AB の長さを $x\text{cm}$ として、 x を使った式を用いて説明しなさい。(広島)

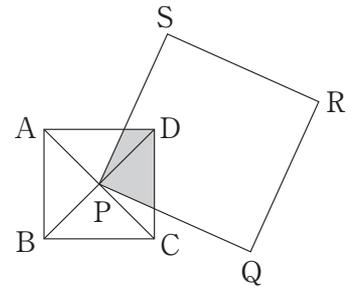


20 図のように、平行四辺形 $ABCD$ があり、辺 AD の midpointを M 、対角線 BD と線分 CM の交点を P とします。 $\triangle PDM$ の面積が 3cm^2 のとき、四角形 $ABCM$ の面積を求めなさい。(岩手)

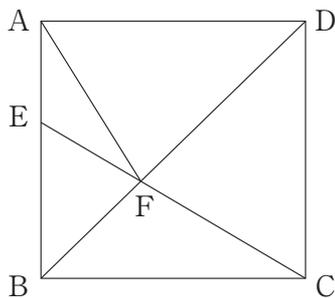


入試編 B

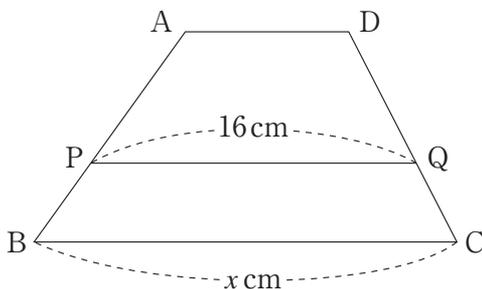
1 図のように、正方形 ABCD と正方形 PQRS があり、頂点 P が、正方形 ABCD の対角線の交点と同じ位置にある。正方形 PQRS の正方形 ABCD に対する相似比は $\frac{3}{2}$ であり、2 つの正方形の重なった部分(色をつけた図形)の面積は、 1 cm^2 である。正方形 ABCD と正方形 PQRS の面積をそれぞれ求めなさい。(愛媛)



2 図で、正方形 ABCD の辺 AB 上に点 E をとり、対角線 BD と CE との交点を F とする。AE : EB = 2 : 3 であるとき、EF : AF を求めなさい。(岐阜)

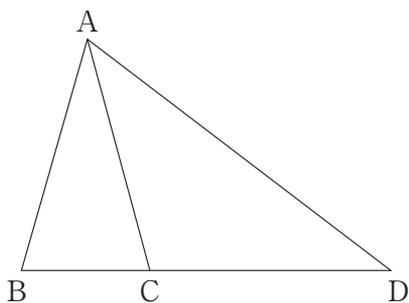


3 図のように、 $AD \parallel BC$ 、 $AD : BC = 2 : 5$ の台形 ABCD がある。辺 AB 上に、 $AP : PB = 2 : 1$ となる点 P をとり、点 P から辺 BC に平行な直線を引き、辺 CD との交点を Q とする。PQ = 16 cm のとき、 x の値を答えなさい。(新潟)



4 図のように、 $AB = AC$ の $\triangle ABC$ がある。辺 BC の延長上に $AC = CD$ となる点 D をとったところ、 $AD = BD$ となった。このとき、次の問いに答えなさい。(新潟)

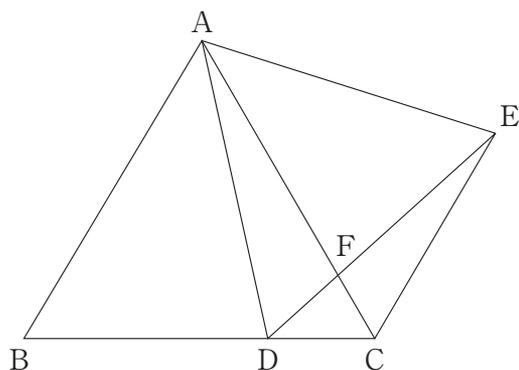
(1) $\angle ADC$ の大きさを求めなさい。



(2) $AD = 2\text{cm}$ のとき、辺 AB の長さを求めなさい。

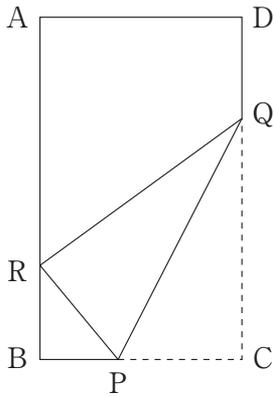
5 図のように、正三角形 ABC の辺 BC 上に点 D をとり、線分 AD を1辺とする正三角形 ADE を直線 AD について点 C と同じ側につくる。また、辺 AC と辺 DE の交点を F とする。このとき、次の問いに答えなさい。(徳島)

(1) $\angle ACE$ は何度か。



(2) $AB = 6\text{cm}$, $BD = 4\text{cm}$ のとき、線分 CF の長さを求めなさい。

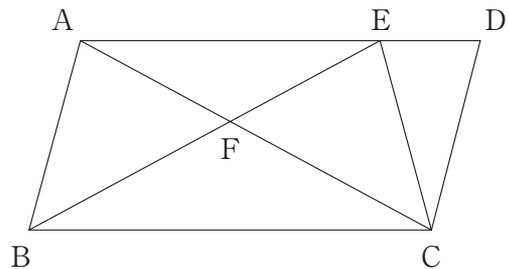
- 6 図は、 $AB=10\text{cm}$ 、 $BC=6\text{cm}$ の長方形 $ABCD$ を、頂点 C が辺 AB 上にくるように折り返したものである。折り目と辺 BC 、 CD の交点をそれぞれ P 、 Q とし、頂点 C の移った点を R とする。(長野)



- (1) $\angle PQR = a^\circ$ 、 $\angle PRB = b^\circ$ として、 b を a を用いて表しなさい。
- (2) $PB : BR : RP = 3 : 4 : 5$ のとき、 DQ の長さを求めなさい。

- 7 図の四角形 $ABCD$ は、 $AB=6\text{cm}$ 、 $BC=12\text{cm}$ の平行四辺形である。辺 AD 上に、 $ED = \frac{1}{2}DC$ となる点 E をとり、線分 AC と線分 BE との交点を F とする。各問いに答えなさい。(奈良)

- (1) $\triangle ABC \sim \triangle EDC$ を証明せよ。



- (2) 線分 CE の長さは線分 AF の長さの何倍か。

総合問題 (1)

得点

/ 100

1 次の計算をなさい。

(1) $3 - 4 \times (6 - 8)$

(2) $4a^2 \div 2ab \times 3b^2$

(3) $2(4x + y) - (x - 2y)$

(4) $(\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{6} + 2)$

1

4点×4=16点

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

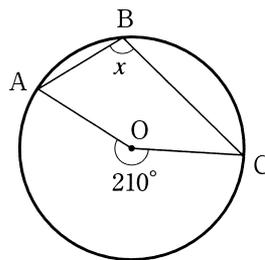
2 次の問いに答えなさい。

(1) $\sqrt{54n}$ を自然数にする整数 n のうち、最も小さいものを求めよ。

(2) 連立方程式 $\begin{cases} 2x + y = -1 \\ x - 3y = -4 \end{cases}$ を解け。

(3) 2つのサイコロを同時に投げるとき、目の数の積が12の倍数になる確率を求めよ。

(4) 右の図で、点A, B, Cは円Oの周上の点である。 $\angle x$ の大きさを求めよ。



(5) 右の解答欄の図の $\triangle ABC$ で、 $\angle B$ の二等分線上にあり、2点A, Cからの距離が等しい点Pを、定規とコンパスを使って作図せよ。

2

6点×5=30点

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	

3 右の表は、自然数を1から順に5つずつ左から並べたものである。このとき、次の問いに答えなさい。

(1) 6行目の左から2番目の数を求めよ。

(2) 右のA, Bのそれぞれにあてはまる数の積が1806であるとき、A, Bは何行目にある数か。

1行目	1	2	3	4	5
2行目	6	7	8	9	10
3行目	11	12	13	14	15
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
⋮	□	A	B	□	□
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

3

6点×2=12点

(1)	
(2)	

4 右の図で、Oは原点、Aは関数 $y = ax^2$

(a は定数)のグラフと直線 $y = \frac{2}{3}x + 4$ と

の交点、Bは直線 $y = \frac{2}{3}x + 4$ と x 軸との

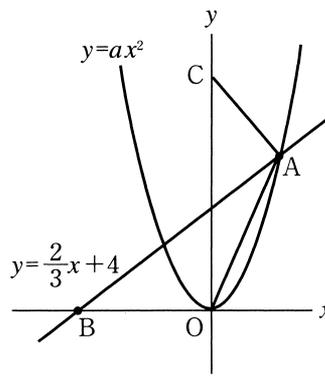
交点である。Cは y 軸上の点で、その y 座標は正である。

点Aの x 座標が3、 $\triangle COA$ の面積が

$\triangle ABO$ の面積の $\frac{3}{4}$ 倍のとき、次の問いに答えなさい。

(1) a の値を求めよ。

(2) 点Cの座標を求めよ。



4 6点×2=12点

(1)	
(2)	

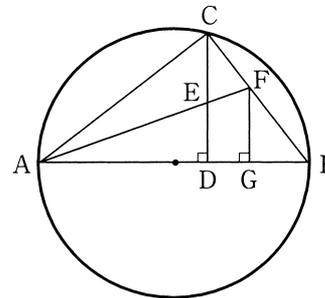
5 右の図のように、線分ABを直径とする

円の周上に点Cをとり、Cから線分ABに垂線CDをひく。また、 $\angle CAB$ の二等分線と線分CD、CBとの交点をそれぞれE、Fとし、点Fから線分ABに垂線FGをひく。

このとき、次の問いに答えなさい。

(1) $\triangle ACF \equiv \triangle AGF$ となることを証明せよ。

(2) $AB = 5\text{ cm}$ 、 $AC = 4\text{ cm}$ のとき、線分EFの長さを求めよ。



5 6点×2=12点

(1)	
(2)	

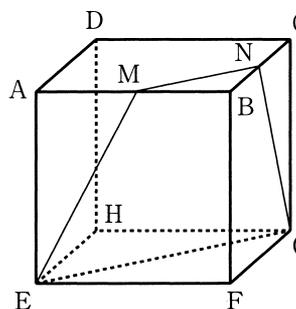
6 右の図のように、1辺の長さが4 cmの立方体があり、辺ABの中点をM、辺BCの中点をNとする。この立方体を4点M、E、G、Nを通る平面で2つの立体に切る。

このとき、次の問いに答えなさい。

(1) MNの長さを求めよ。

(2) 線分EMの延長と辺FBの延長との交点をPとすると、PFの長さを求めよ。

(3) 2つの立体のうち、頂点Bを含む方の立体の体積を求めよ。



6 6点×3=18点

(1)	
(2)	
(3)	

The background is a light gray gradient with scattered squares of various sizes and shades of gray. Mathematical symbols are scattered throughout: π , $\sqrt{\quad}$, \div , \times , $=$, \sin , x , γ , \cos , and \neq . A cluster of small black dots is positioned above the main title.

My Stage

数学 3

解答と解説

基本編

131~141 ページ

I (1) 2:3 (2) 15cm (3) 8cm (4) 110°

II (1) $\triangle AOD$ と $\triangle COB$ において、

$\angle ADO = \angle CBO$ (錯角) …①

$\angle OAD = \angle OCB$ (錯角) …②

[$\angle AOD = \angle COB$ (対頂角)] ①, ②より2組の角がそれぞれ等しいから

$\triangle AOD \sim \triangle COB$

(2) $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ において、

$\angle ABC = \angle DEF$ …①

$AB : DE = 6 : 4 = 3 : 2$ …②

$BC : EF = 9 : 6 = 3 : 2$ …③ ①~③より2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいから

$\triangle ABC \sim \triangle DEF$

(3) $\triangle ABC$ と $\triangle ADB$ において、

$\angle ABC = \angle ADB = 90^\circ$ …①

$\angle BAC = \angle DAB$ (共通) …②

①, ②より2組の角がそれぞれ等しいから

$\triangle ABC \sim \triangle ADB$

III (1) 8cm (2) 6cm (3) 4cm

IV (1) 9cm (2) 4cm

V (1) 9cm (2) 20cm

VI (1) $x = \frac{18}{5}$ $y = \frac{36}{5}$ (2) $x = 12$

VII $x = 16$

VIII (1) $x = 9$ (2) $x = 25$

IX (1) $\triangle ABD$ と $\triangle CBD$ において、点E, F, G, Hは各辺の中点であるから、中点連結定理より、 $EH \parallel BD$ かつ $BD = 2EH$ 、 $FG \parallel BD$ かつ $BD = 2FG$ これより、 $EH \parallel FG$ かつ $EH = FG$ よって、1組の向かい合う辺が平行で等しいから、四角形EFGHが平行四辺形である。

(2) $\triangle ABD$ と $\triangle BCD$ において、点E, F, Gは各辺の中点であるから中点連結定理により、 $AB = 2EG$, $CD = 2FG$ ここで、 $AB = DC$ より、2辺の長さが等しいから、 $\triangle EFG$ が二等辺三角形である。

X (1) 64cm² (2) 50cm²

(3) ① 240cm³ ② 54cm³

実践編 A

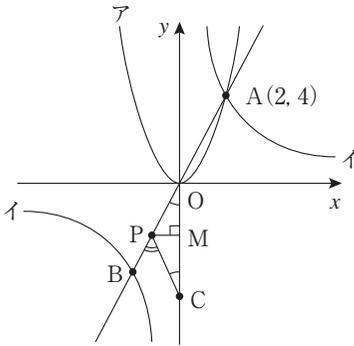
142~151 ページ

1 (1) ① $\triangle CBD$ ② 6cm

(2) ① 二組の辺の比が等しくその間の角が等しい

したがって、P, Mのy座標は $-5 \div 2 = -\frac{5}{2}$

直線OA: $y = 2x$ に $y = -\frac{5}{2}$ を代入して、 $x = -\frac{5}{4}$



ポイント $\triangle OPC$ は $OP = CP$ の二等辺三角形となります。

② $\frac{10}{3}$ cm

- (3) ① 10cm ② 3.2cm

- 2 (1) 2.5cm

解説

$\triangle ABC$ で $AD : DB = 3 : 1$ $\triangle ABF$ で
 $AD : DB = AE : EF$ $3 : 1 = 7.5 : x$
 $x = 2.5$

- (2) 6cm

- (3) 4cm (4) 3 : 1

- 3 (1) ① 1 : 3

解説

$DE : BC = 1 : 2$

$IE : FC = 1 : 2$ より、

$IE : BF = 1 : 4$ よって、

$JI : IB = 1 : 3$

- ② 1 : 2

解説

$JE : EC = 1 : 3$ $AE : EC = 3 : 3$

$AJ : IC = 2 : 4 = 1 : 2$

- (2) 8cm

解説

中点連結定理を使います。

$AF : FC = 2 : 1$ になります。

- (3) ウ

- 4 ア 二組の角がそれぞれ等しい
 イ CF

- 5 ① 2 : 1 ② 2 : 1 ④ C

- 6 12cm

- 7 (1) 2 : 1 (2) 3 : 5

解説

$\triangle HGD \sim \triangle CGF$, $HD : CF = HG : GC = 4 : 1$,

$HE : EC = 1 : 1$ なので、

$HE : EG : GC = 2.5 : 1.5 : 1 = 5 : 3 : 2$ です。

8 $\frac{26}{27}$

- 9 (1) 4cm (2) 2cm (3) 2 : 5

- 10 (1) 3 : 5 (2) 8 : 3

- (3) $\frac{5}{3}$ (4) 9 : 40

- 11 (1) 5cm

解説

点EからADに垂線EHを下ろす。

$AH = AB$, $HD = CD$ より

$AD = 1.8 + 3.2 = 5$ (cm)

- (2) 4.8cm

- 12 (1) 2cm (2) $-1 + \sqrt{5}$ (cm)

解説

相似形に目をつけて $2 : x = (2+x) : 2$ を導こう。

- 13 3 : 5 : 4

解説

平行四辺形の対角線の交点をOとすると $AH = \frac{1}{2}$

$AO = \frac{1}{4} AC$ $\triangle AID$ と $\triangle CIF$ に注目すると

$CI = \frac{1}{3} AC$ であることがわかる。

- 14 (1) 4 : 1

解説

中点連結定理より $BD : EF = 2 : 1$

$\triangle ABD \sim \triangle CEF$ より面積比は4 : 1

$\triangle GDB \sim \triangle GFE$ より面積比は4 : 1

よって、

四角形ABGD : 四角形CEGF = 4 : 1

- (2) ① 3 : 1

解説

$GF : FB = 1 : 4$ より、

$GE : EC = 1 : 4$

$AE = EC$ より、

$AG : GE = 3 : 1$

- ② 1.8cm

- 15 4.8cm

解説

正方形の左上の頂点をD, 右上の頂点をE,

AHとDEの交点をFとすると

$DE : BC = AD : AB = AF : AH$ となることから式を作る。 $DE = x$ cmとすると

$2 : x = 8 : (8-x)$ となる。

- 16 (1) 2.8cm

- (2) ア $\angle DAB = \angle DBC$ イ 12cm

- 17 2cm

- 18 (1) $\triangle FEB$ (2) 6cm (3) $x = 3 + \sqrt{17}$

解説

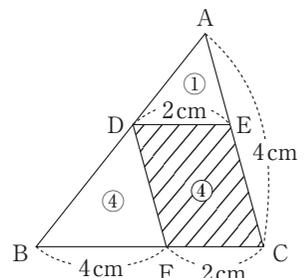
$\triangle CDF$ と $\triangle BDA$ は相似であるから、求めるBDの長さをxとおくと

$x : 4 = 2 : (x-6)$ となり、 $x(x-6) = 8$ が成り立ちます。 $x^2 - 6x - 8 = 0$ を解くと $x > 0$ より $x = 3 + \sqrt{17}$ です。

- 19 (1) $\frac{4}{9}$

解説

面積比は図のようになります



20 $\frac{9}{4}$

解説

$$4 : DC = 5 : 4 \text{ より } DC = \frac{16}{5}$$

$$AB : AC = BD : DC \quad x : 4 = \frac{9}{5} : \frac{16}{5}$$

$$x = \frac{9}{4}$$

実践編 B

152~154 ページ

1 (1) 1 : 2

解説

$\triangle BFH + \text{四角形 AFHD} = \triangle BFH + \triangle BHE$ より
 $\triangle ABD = \triangle BEF$ 。また

$AB = BE$ より $\triangle ABD \equiv \triangle BEF$ になることから
 $AD = BF$

(2) 3 : 2

ポイント BH : HF = BE : BF となることを見つけよう。

2 (1) 1 : 2 (2) 1 : 4

解説

中点連結定理より $DE : BC = 1 : 2$

$DE = 2DH$ より $DH : BC = 1 : 4$

(3) $\frac{1}{3}$

解説

$\triangle ADE \sim \triangle ABC$ で相似比が 1 : 2 より面積比は
 1 : 4 よって、

$$\triangle ADE = \frac{1}{4} \triangle ABC,$$

$$\triangle DGE = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \triangle ABC = \frac{1}{12} \triangle ABC$$

よって、

$$\text{四角形 ADGE} = \triangle ADE + \triangle DGE = \frac{1}{3} \triangle ABC$$

(4) 3 : 1

解説

$$\triangle ADH = \frac{1}{2} \triangle ADE,$$

$$\triangle EHG = \frac{1}{2} \triangle DEG \text{ より,}$$

$$\triangle ADH : \triangle EHG = \frac{1}{8} : \frac{1}{24} = 3 : 1$$

3 8cm

解説

図のように $AB \parallel FE$ となる補助線をひくと、

$\triangle ABC \sim \triangle FEC$ より、

$BC : EC = 3 : 2 = AB : FE$ なので、

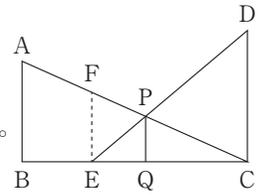
$FE = 12(\text{cm})$ です。また、

$\triangle PEF \sim \triangle PDC$ より、

$FE : CD = 1 : 2 =$

$EQ : CQ$ なので、

$$PQ = 24 \times \frac{1}{1+2} = 8(\text{cm}).$$



ポイント $AB \parallel FE$ となる補助線をひく

4 (1) 2 : 3

解説

$\angle ABC$ の 2 等分線が BD だから、

$4 : 6 = 2 : 3$ になります。

(2) 1cm

5 (1) 3 : 1

解説

図のように、E より AD と平行な直線と AC との交点を G とします。

中点連結定理より、

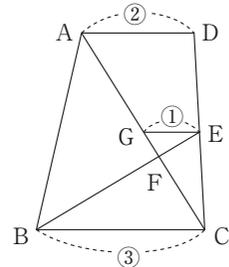
$AD : GE = 2 : 1$

$BC : AD = 3 : 2$ より

$BC : GE = 3 : 1$ この比は

$\triangle BCF$ と $\triangle GEF$ が相似になるので 2 つの三角形の相似比といえます。よって

$$BF : EF = 3 : 1$$



ポイント E より AD と平行な補助線をひく。

(2) 5 : 3

解説

$AG = GC = 1 : 1$ (1) より

$GF : FC = 1 : 3$ $GF = 1$ とすると

$GC = 4$

$$AF : FC = (AG + GF) : FC = 5 : 3$$

6 64

解説

$\triangle BFE \sim \triangle BDC$, $\triangle DEF \sim \triangle ACD$ より, $a : 8 =$
 $(8 - a) : (b - 8)$ よって、

$$ab = 64$$

ポイント 2 組の相似な三角形の相似比に着目しましょう。

155~160 ページ

- 1 18cm^2
 2 81cm^3
 3 6cm
 4 $\frac{25}{3}\text{cm}$
 5 4m
 6 $\frac{40}{3}\text{cm}$
 7 $x=10$
 8 $\frac{25}{4}\text{cm}$
 9 (1) $\angle EDA, \angle FDA$ (2) 8cm

解説

$\triangle EBD \sim \triangle FDC$ より,
 $EB : FD = ED : FC$ より
 $2 : 4 = 4 : FC$ したがって $FC = 8$

10 $y = \frac{9}{x}$

解説

$\triangle ADF \sim \triangle FEC$ となるので,
 $x : 3 = 3 : y$ よって, $y = \frac{9}{x}$

11 8cm

12 $\frac{4}{3}\text{cm}$

解説

$\triangle AEF \sim \triangle ABC$ $(4-EB) : 4 = 4 : 6$
 $EB = \frac{4}{3}\text{cm}$

13 $\frac{12}{5}\text{cm}$

解説

$\triangle AEF \sim \triangle CGH$ より,
 $AF = 4 \times \frac{3}{5} = \frac{12}{5}(\text{cm})$

14 3cm

解説

$AB \parallel DF$ だから, $\triangle ABC \sim \triangle DFC$
 $AB : DF = AC : DC$
 $AD = DC = 1\text{cm}$, よって,
 $AE = DE - AD = 3(\text{cm})$

15 $\triangle GCD$ と $\triangle QPF$ において

四角形 $ABCD$ は平行四辺形より $CD \parallel PF$ で, 錯角は等しいので

$\angle GDC = \angle QFP \cdots \textcircled{1}$ 対頂角は等しいので,

$\angle DGC = \angle FGA \cdots \textcircled{2}$

$PQ \parallel AG$ より, 同位角は等しいので

$\angle FGA = \angle FQP \cdots \textcircled{3}$ ②, ③ より

$\angle DGC = \angle FQP \cdots \textcircled{4}$ ①, ④ より,

2組の角がそれぞれ等しいから

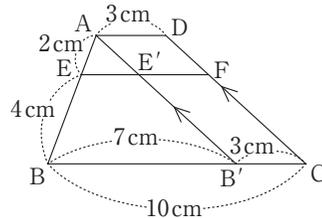
$\triangle GCD \sim \triangle QPF$

16 $\frac{16}{3}\text{cm}$

解説

$EE' : 7 = 2 : (2+4) = 1 : 3$

$EE' = \frac{7}{3}$ $EF = \frac{7}{3} + 3 = \frac{16}{3}$



ポイント 頂点Aを通る辺DCに平行な直線をひく。

17 (1) ウ

(2) $\triangle APR \sim \triangle ABC$ より,

$AP : AB = PR : BC$ だから,

$2 : (x+2) = x : 12$ $x(x+2) = 24$

$x^2 + 2x - 24 = 0$ $(x+6)(x-4) = 0$

$x = -6, 4$ $0 < x < 12$ より, $x = -6$ は問題にあわない。 $x = 4$ のとき, これは問題にあっている。したがって, 正方形 $PBQR$ の1辺の長さは 4cm

18 $\frac{27}{7}\text{cm}$

解説

$BD = x$ とすると, $DC = 9 - x$ だから,

$x : (9-x) = 6 : 8$ $x = \frac{27}{7}$

19 $AB = x\text{cm}$ のとき,

$AD = (6-x)\text{cm}$ である。

$\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ において, それぞれ中点連結定理

より, $EF = \frac{x}{2}\text{cm}$, $FG = \frac{6-x}{2}\text{cm}$ である。したがって,

線分 EF と線分 FG との長さの和は,

$\frac{x}{2} + \frac{6-x}{2} = 3$ であるから, 3cm になる。

20 27cm^2

161~163 ページ

- 1 正方形 $ABCD$ の面積 : 4cm^2 ,
 正方形 $PQRS$ の面積 : 9cm^2

解説

重なった部分の面積は正方形ABCDの面積の $\frac{1}{4}$ だから、正方形ABCDの面積は 4cm^2 よって、正方形PQRSの面積は $4 \times \left(\frac{3}{2}\right)^2 = 9\text{cm}^2$

2 3:5

解説

$\triangle ADF \cong \triangle CDF$ (2組の辺とそのはさむ角がそれぞれ等しい)より、 $AF=CF$ よって
 $EF:AF=EF:CF$ 一方、 $\triangle BEF \sim \triangle DCF$ だから、
 $EF:CF=BE:DC=3:(2+5)=3:5$

ポイント $\triangle ADF \cong \triangle CDF$ と $\triangle BEF \sim \triangle DCF$ に注目しましょう。

3 $x=20$

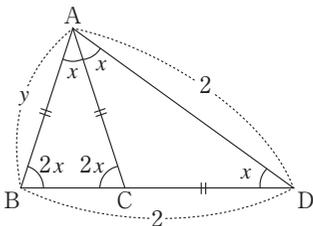
解説

$AD=2a$ $BC=5a$ として、DからABに平行な直線を引き できた相似な2つの三角形に着目すると、 $2:3=(16-2a):3a$ が導き出される。これを解いて、 $a=4$ したがって、 $x=20$ となります。

ポイント $AD=2a$ $BC=5a$ と置く

4 (1) 36°

$\angle ADC=x$ とすると、二等辺三角形の底角は等しいから、それぞれの大きさは、図のようになる。



(2) $-1+\sqrt{5}\text{cm}$

解説

$\triangle DAB \sim \triangle ABC$ より、
 $DA:AB=AB:BC$ $AB=y$ とすると、
 $2:y=y:(2-y)$
 $y^2+2y-4=0$ $y=-1\pm\sqrt{5}$
 $y>0$ より $y=-1+\sqrt{5}$

5 (1) 60°

ポイント $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ に着目しましょう。

(2) $\frac{4}{3}\text{cm}$

ポイント $\triangle ABD \sim \triangle DCF$ に着目しましょう。

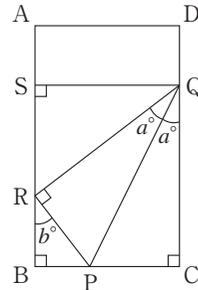
解説

2組の角がそれぞれ等しいので、
 $\triangle ABD \sim \triangle DCF$ よって、 $AB:DC=BD:CF$
 $6:2=4:CF$ $CF=\frac{4}{3}(\text{cm})$

6 (1) $b=90-2a$

解説

下の図から、四角形RBCQの内角の和に着目すると、 $b^\circ+2a^\circ+90^\circ \times 3=360^\circ$ が成り立つ。



(2) $\frac{5}{2}\text{cm}$

解説

点QからABに垂線QSをひく。

$\triangle QRS \sim \triangle RPB$ だから、

$RS:SQ:QR=3:4:5$ また、 $PC=RP$ だから、
 $PB:BR:RP:RS:SQ:QR=3:4:5:6:8:10$ よって、

$SB=6 \times \frac{6+4}{8} = \frac{15}{2}(\text{cm})$ だから、

$DQ=AS=10 - \frac{15}{2} = \frac{5}{2}(\text{cm})$

7 (1) $\triangle ABC$ と $\triangle EDC$ において、

$AB=6\text{cm}$, $BC=12\text{cm}$...①

四角形ABCDは平行四辺形なので、
 向かい合う対角は等しいので、

$\angle ABC = \angle EDC$...②

$DC=AB=6\text{cm}$...③ また、

$ED = \frac{1}{2}DC$...④ ③, ④より、

$ED=3\text{cm}$...⑤ よって、①, ③, ⑤より、 $AB:$

$ED=BC:DC=2:1$...⑥ ②, ⑥ より2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいから、 $\triangle ABC \sim \triangle EDC$

(2) $\frac{7}{6}$ 倍

解説

$AE=12-3=9$ $AD \parallel BC$ より、

$AF:FC=9:12=3:4$ となるので、

$AF=\frac{3}{7}AC$ より、 $AC=\frac{7}{3}AF$

$\triangle CDA \sim \triangle EDC$ より、

$AC:CE=6:3$ $AC=2CE$ となるので、

$\frac{7}{3}AF=2CE$ $CE=\frac{7}{6}AF$ より、 $\frac{7}{6}$ 倍

ポイント $\triangle CDA \sim \triangle EDC$ に注目しましょう。

総合問題(1)

195~196 ページ

- 1 (1) 11 (2) $6ab$
 (3) $7x+4y$ (4) $\sqrt{2}$

解説

- (1) 与式 $= 3 - 4 \times (-2) = 3 + 8 = 11$
 (2) 与式 $= \frac{4a^2 \times 3b^2}{2ab} = 6ab$
 (3) 与式 $= 8x + 2y - x + 2y = 7x + 4y$
 (4) 与式 $= 3\sqrt{2} + 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} - 2\sqrt{2} = \sqrt{2}$

- 2 (1) 6 (2) $x = -1, y = 1$
 (3) $\frac{7}{36}$ (4) 105°

(5) 解説参照

解説

(1) $\sqrt{54n} = 3\sqrt{6n}$ より, これを自然数にする整数 n のうち, 最小の数は 6

- (2) $\begin{cases} 2x + y = -1 \cdots \text{①} \\ x - 3y = -4 \cdots \text{②} \end{cases}$
 ① $\times 3 +$ ② より, $6x + x = -3 - 4, 7x = -7,$
 $x = -1$ これを①に代入すると, $-2 + y = -1$
 $y = -1 + 2 = 1$

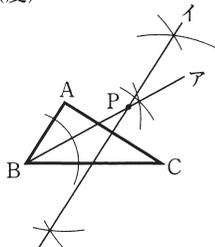
(3) 2つのサイコロを A, B とすると, 目の数の積が 12 の倍数になるのは, 右の表で○印をつけた

A \ B	1	2	3	4	5	6
1						
2						○
3				○		
4			○			○
5						
6		○		○		○

7通りあるから, 確率は $\frac{7}{36}$

(4) 同じ弧 AC に対する円周角は中心角の $\frac{1}{2}$ だから, $\angle x = 210 \times \frac{1}{2} = 105$ (度)

(5) 右図のように, 角 B の二等分線 (ア) と, 線分 AC の垂直二等分線 (イ) をひき, これら 2 直線の交点を P とする。



- 3 (1) 27 (2) 9 行目

解説

(1) n 行目の右端の数字が $5n$ だから, 6 行目の右端の数字は, $5 \times 6 = 30$

よって, 6 行目の左から 2 番目の数は, $30 - 3 = 27$

(2) $1806 = 2 \times 3 \times 7 \times 43 = 42 \times 43$ だから,

$A = 42, B = 43$

よって, A, B は $(43 + 2) \div 5 = 9$ (行目) の数

- 4 (1) $a = \frac{2}{3}$ (2) C(0, 9)

解説

(1) 点 A の x 座標が 3 で, y 座標が $\frac{2}{3} \times 3 + 4 = 6$ だから, これらを $y = ax^2$ に代入すると,

$$6 = a \times 3^2, a = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

(2) 点 B の x 座標は $y = \frac{2}{3}x + 4$ に $y = 0$ を代入し

$$0 = \frac{2}{3}x + 4, x = -6$$

よって, $\triangle ABO$ の面積が $\frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 18$,

$\triangle COA$ の面積が $18 \times \frac{3}{4} = \frac{27}{2}$ と求まるから,

点 C の y 座標を c とおくと,

$$\frac{1}{2} \times c \times 3 = \frac{27}{2}, c = 9$$

したがって, 点 C の座標は (0, 9)

- 5 (1) [証明]

$\triangle ACF$ と $\triangle AGF$ において,

AF は共通 …①

仮定より,

$$\angle CAF = \angle GAF \cdots \text{②}$$

半円に対する円周角は 90° だから,

$$\angle ACB = 90^\circ$$

よって, $\angle ACF = \angle AGF = 90^\circ \cdots \text{③}$

①, ②, ③ より, 直角三角形の斜辺と 1 鋭角が等しいから, $\triangle ACF \cong \triangle AGF$

- (2) $\frac{4\sqrt{10}}{15}$ cm

解説

(2) $\triangle ABC$ で,

$$BC = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3 \text{ (cm)}$$

$\triangle ABC \sim \triangle ACD$

$\sim \triangle FBG$ より,

$$AD = 4 \times \frac{4}{5} = \frac{16}{5}$$

$$AG = AC = 4 \text{ cm}$$

だから, $DG = 4 - \frac{16}{5} = \frac{4}{5}$ よって,

$$AD : DG = \frac{16}{5} : \frac{4}{5} = 4 : 1 \text{ で, } ED \parallel FG \text{ より,}$$

$$AE : EF = 4 : 1 \cdots \text{①}$$

また, $GB = 5 - 4 = 1 \text{ (cm)}$,

$CF = GF = 1 \times \frac{4}{3} = \frac{4}{3} \text{ (cm)}$ だから,

$\triangle ACF$ で三平方の定理より,

$$AF = \sqrt{4^2 + \left(\frac{4}{3}\right)^2} = \sqrt{\frac{160}{9}} = \frac{4\sqrt{10}}{3} \text{ (cm)}$$

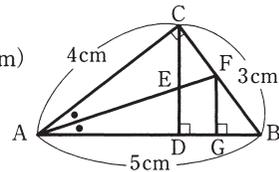
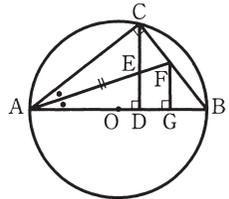
よって, ①より, $EF = \frac{4\sqrt{10}}{3} \times \frac{1}{4+1} = \frac{4\sqrt{10}}{15} \text{ (cm)}$

- 6 (1) $2\sqrt{2}$ cm

(2) 8 cm

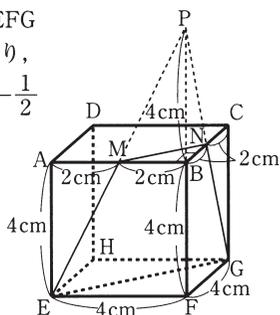
- (3) $\frac{56}{3}$ cm³

解説



- (1) 直角三角形MBNで、 $MN = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$ (cm)
 (2) $\triangle AEM \equiv \triangle BPM$ より、 $PB = EA = 4$ cm、
 $BF = 4$ cm だから、 $PF = 4 + 4 = 8$ (cm)

- (3) 右図で、三角錐PEFG
 - 三角錐PMBNより、
 $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times 8 \times \frac{1}{3} - \frac{1}{2}$
 $\times 2 \times 2 \times 4 \times \frac{1}{3}$
 $= \frac{64}{3} - \frac{8}{3}$
 $= \frac{56}{3}$ (cm³)



総合問題(2)

234~235 ページ

- 1 (1) -3 (2) 0
 (3) $\frac{x-5}{6}$ (4) $x-24$
 2 (1) $b=3c-2a$ (2) $(x+7y)(x-4y)$
 (3) $x=0, -3$ (4) $x=95^\circ$
 (5) $\frac{3}{16}$

解説

- (1) $\frac{2a+b}{3} = c, 2a+b=3c, b=3c-2a$
 (2) 与式 $= x^2 + (7y-4y)x + 7y \times (-4y)$
 $= (x+7y)(x-4y)$
 (3) $3x^2 + 2x - x^2 + 4x = 0, 2x^2 + 6x = 0,$
 $2x(x+3) = 0, x=0, -3$
 (4) EDの延長とBCの交点をFとすると、
 $\angle EFB = 115^\circ$
 $\triangle CDF$ で、 $\angle C = 30^\circ, \angle CFD = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$ だから、
 $\angle CDE(x) = 30^\circ + 65^\circ = 95^\circ$
 (5) 取り出し方の組み合わせは全部で、

A	B
1	1
1	1
3	3

 このうち、同じ数字になるのは右
 の3通りだから、確率は $\frac{3}{16}$
 (注) Bの袋の中の数字1の書かれた2個の球は
 区別してかぞえること。

- 3 (1) $\frac{25}{2}x + \frac{35}{4}(208-x) = 2000$ (2) 48

解説

- (1) カップケーキ1個あたり、 $50 \div 4 = \frac{25}{2}$ (g)、シュークリーム1個あたり、 $70 \div 8 = \frac{35}{4}$ (g) の小麦粉を使うから、カップケーキの個数を x とおくと、次の方程式が成り立つ。

$$\frac{25}{2}x + \frac{35}{4}(208-x) = 2000$$

- 4 (1) $\frac{9}{2}$ (2) $a=2$

解説

- (1) 点Bの x 座標が3、 y 座標が $\frac{1}{2} \times 3^2 = \frac{9}{2}$ だから
 線分ABの長さは $\frac{9}{2}$
 (2) 2点C、Dの座標は $C(a, \frac{1}{2}a^2), D(a, -a)$ と表される。
 線分CDの長さは、 $\frac{1}{2}a^2 - (-a) = \frac{1}{2}a^2 + a$
 $\frac{1}{2}a^2 + a = 4$ を解くと、 $a^2 + 2a - 8 = 0,$
 $(a+4)(a-2) = 0, a = -4, 2$
 $0 < a < 3$ より、 $a = 2$

- 5 (1) [証明] $\triangle AGF$ と $\triangle EGB$ において、四角形ABCDは平行四边形だから、 $AF \parallel BE$
 よって、 $\angle GAF = \angle GEB \cdots ①$
 $\angle GFA = \angle GBE \cdots ②$

①、②より、2組の角がそれぞれ等しいので、
 $\triangle AGF \sim \triangle EGB$

- (2) 3 : 4 (3) $\frac{8\sqrt{3}}{3}$ cm²

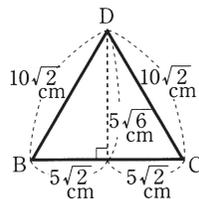
解説

- (2) $\triangle AGF \sim \triangle EGB$ より、
 $AG : EG = AF : EB = (7 \times \frac{1}{2}) : (7 \times \frac{2}{3})$
 $= \frac{1}{2} : \frac{2}{3} = 3 : 4$
 (3) 頂点AからBEに下ろした垂線の長さは
 $4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$ (cm) だから、 $\triangle ABE$ の面積は、
 $\frac{1}{2} \times \frac{14}{3} \times 2\sqrt{3} = \frac{14\sqrt{3}}{3}$ (cm²)
 $\triangle AGB : \triangle EGB = AG : GE = 3 : 4$ だから、
 $\triangle EGB$ の面積は、 $\frac{14\sqrt{3}}{3} \times \frac{4}{3+4} = \frac{8\sqrt{3}}{3}$ (cm²)

- 6 (1) 正三角形 (2) $\frac{10\sqrt{3}}{3}$ cm

解説

- (1) $BC = CD = DB = 10\sqrt{2}$ (cm) だから、切り口の $\triangle BCD$ は正三角形。
 (2) 三角錐ABCDの体積は、
 $\frac{1}{2} \times 10 \times 10 \times 10 \times \frac{1}{3} = \frac{500}{3}$ (cm³) で、
 $\triangle BCD$ の面積は右図より、
 $\frac{1}{2} \times 10\sqrt{2} \times 5\sqrt{6}$
 $= 50\sqrt{3}$ (cm²)
 だから、 $\triangle BCD$ を底面としたときの三角錐ABCDの高さを h とおくと、
 $50\sqrt{3} \times h \times \frac{1}{3} = \frac{500}{3}$



$$\text{よって、} h = \frac{500}{3} \times 3 \div 50\sqrt{3}$$

$$= \frac{10}{\sqrt{3}} = \frac{10\sqrt{3}}{3} \text{ (cm)}$$