

- ① $\triangle AHO$ と $\triangle BHO$ において,
 $\angle AHO = \angle BHO = 90^\circ$, $AO = BO$,
 OH は共通により, 直角三角形の斜辺と他の1辺
 が等しいから, $\triangle AHO \equiv \triangle BHO$
 したがって, $AH = BH$ となり, H は AB を2等
 分する。
- ② $\triangle OAM$ と $\triangle OBM$ において,
 $OA = OB$, OM は共通, $AM = BM$ より,
 3辺がそれぞれ等しいので, $\triangle OAM \equiv \triangle OBM$,
 よって, $\angle AMO = \angle BMO = 90^\circ$ であるから,
 $OM \perp AB$
- ③ $\angle BOD = 60^\circ$, $\angle DOE = 120^\circ$
- ④ $\triangle PAO$ と $\triangle PBO$ において,
 $\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ$, PO は共通, $AO = BO$
 直角三角形の斜辺と他の1辺がそれぞれ等しいの
 で, $\triangle PAO \equiv \triangle PBO$
 よって, $PA = PB$

⑤ 2 cm

⑥ (1) 42° (2) 50°

⑦ (1) $\angle x = 140^\circ$ (2) $\angle x = 260^\circ$

(3) $\angle x = 90^\circ$, $\angle y = 35^\circ$

(4) $\angle x = 60^\circ$, $\angle y = 30^\circ$

⑧ (1) 26° (2) 116°

解説

$$(1) \angle ABD = \frac{1}{2} \angle ABC = \frac{1}{2} (90^\circ - 38^\circ) = 26^\circ$$

$$(2) \angle DCB = \angle DCA + \angle ACB = 26^\circ + 90^\circ = 116^\circ$$

⑨ BとCを結ぶ。 $AB \parallel CD$ で錯角は等しいので,

$$\angle ABC = \angle BCD \quad \text{よって, } \widehat{AC} = \widehat{BD}$$

[逆] $\widehat{AC} = \widehat{BD}$ とすると, $\angle ABC = \angle BCD$

錯角が等しいので, $AB \parallel CD$

よって, 逆も成り立つ。

章のまとめ

① 7 cm

解説

$$AR = AP = 2 \text{ cm}, \quad RC = CQ = 9 - 4 = 5 \text{ (cm)}$$

$$AC = AR + RC = 2 + 5 = 7 \text{ (cm)}$$

② (1) $\angle x = 22^\circ$ (2) $\angle x = 41^\circ$ (3) $\angle x = 34^\circ$

③ 108°

解説

$$\angle BAC = 180^\circ \div 5 = 36^\circ, \quad \angle ABD = 36^\circ \times 2 = 72^\circ$$

$$\angle AFD = \angle BAC + \angle ABD = 36^\circ + 72^\circ = 108^\circ$$